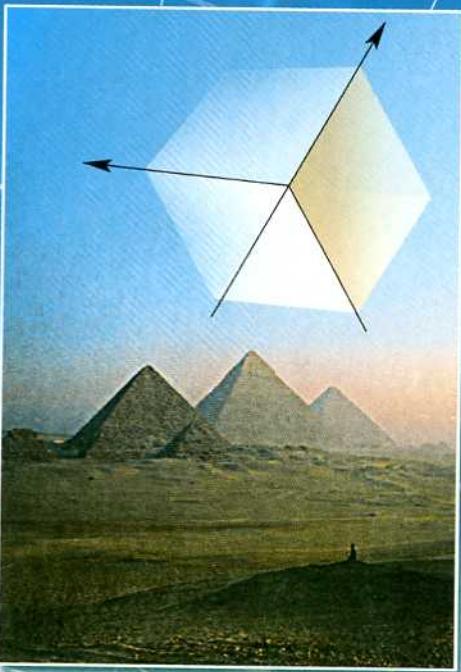


Л. А. АЛЕКСАНДРОВА

# Алгебра

7



Самостоятельные  
работы

**Л. А. АЛЕКСАНДРОВА**

# **Алгебра**

**7**

**класс**

## **Самостоятельные работы**

**для учащихся  
общеобразовательных организаций**

**К учебнику А. Г. Мордковича**

**Под редакцией А. Г. Мордковича**

**10-е издание, стереотипное**



**Москва 2014**

УДК 373.167.1:512

ББК 22.141я721

А46

Александрова Л. А.

**A46 Алгебра. 7 класс. Самостоятельные работы для учащихся общеобразовательных организаций : к учебнику А. Г. Мордковича / Л. А. Александрова ; под ред. А. Г. Мордковича. — 10-е изд., стер. — М. : Мнемозина, 2014. — 104 с.: ил.**

ISBN 978-5-346-03126-0

Данное пособие предназначено для учеников общеобразовательных классов, изучающих курс алгебры по учебному комплекту А. Г. Мордковича. Пособие содержит учебный материал для проведения самостоятельных работ по каждой теме и может быть использовано учителем для осуществления текущего контроля знаний, умений и навыков школьников, в качестве дополнительных упражнений, а также учащимися в целях самоподготовки.

УДК 373.167.1:512

ББК 22.141я721

Учебное издание

Александрова Лидия Александровна

## АЛГЕБРА 7 класс

### САМОСТОЯТЕЛЬНЫЕ РАБОТЫ

для учащихся общеобразовательных организаций

К учебнику А. Г. Мордковича

Генеральный директор издательства *М. И. Бевзиконная*

Главный редактор *К. И. Куроцкий*. Редактор *С. Вахтина*

Оформление и художественное редактирование: *Т. С. Богданова*

Технический редактор *Г. З. Кузнецова*. Корректор *Т. С. Марголина*

Компьютерная верстка и графика: *А. А. Горкин*

Формат 60×90<sup>1/16</sup>. Бумага офсетная № 1.

Гарнитура «Школьная». Печать офсетная. Усл. печ. л. 6,5.

Тираж 25 000 экз. Заказ № 321.

Издательство «Мнемозина».

105043, Москва, ул. 6-я Парковая, 296.

Тел.: 8 (499) 367 5418, 367 6781.

E-mail: ioc@mneumozina.ru

[www.mneumozina.ru](http://www.mneumozina.ru)

ИНТЕРНЕТ-магазин.

Тел.: 8 (495) 783 8284, 783 8286.

[www.shop.mneumozina.ru](http://www.shop.mneumozina.ru)

Отпечатано в ООО «Финтекс».  
115477, Москва, ул. Кантемировская, 60.

© «Мнемозина», 2004

© «Мнемозина», 2014

© Оформление. «Мнемозина», 2014

Все права защищены

ISBN 978-5-346-03126-0

## **Предисловие**

Издательство «Мнемозина» подготовило учебно-методический комплект для изучения курса алгебры в 7-м классе общеобразовательной школы:

- *Программы. Математика. 5—6 классы. Алгебра. 7—9 классы. Алгебра и начала математического анализа. 10—11 классы / авт.-сост. И. И. Зубарева, А. Г. Мордкович;*
- *А. Г. Мордкович. Алгебра. 7 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник;*
- *А. Г. Мордкович, Л. А. Александрова, Т. Н. Мишустина, Е. Е. Тульчинская. Алгебра. 7 класс. В 2 ч. Ч. 2. Задачник;*
- *Л. А. Александрова. Алгебра. 7 класс. Контрольные работы / Под ред. А. Г. Мордковича;*
- *А. Г. Мордкович. Алгебра. 7 класс. Методическое пособие для учителя;*
- *А. Г. Мордкович, Е. Е. Тульчинская. Алгебра. 7—9 классы. Тесты;*
- *Е. Е. Тульчинская. Алгебра. 7 класс. Блицопрос;*
- *В. В. Шеломовский. Электронное сопровождение курса «Алгебра—7» / Под ред. А. Г. Мордковича.*

Данное пособие является дополнением к указанному учебному комплекту.

Самостоятельные работы составлены согласно программе курса алгебры 7-го класса. Они предусматривают проверку знаний, умений и навыков учащихся по каждой теме в соответствии с обязательными результатами обучения. Необязательные задания и задания повышенной сложности отмечены символом ●. Предлагаемые самостоятельные работы можно использовать для текущего контроля знаний, умений и навыков учеников, в качестве обучающих работ, а также с целью выборочной проверки знаний школьников по соответствующей теме.

Время, отводимое на ту или иную самостоятельную работу, варьируется от 7 до 20 минут по усмотрению учителя в зависимости от структуры урока, объема и сложности заданий, уровня подготовки учащихся.

Задания каждого варианта подобраны по возрастанию сложности, причем варианты 1 и 2 во многих случаях несколько легче вариантов 3 и 4.

В пособии приводится примерное планирование учебного материала из расчета 3 ч в неделю с указанием номеров самостоятельных работ (С-1 ...) по всем темам.

# **ПРИМЕРНОЕ ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

## **7 класс**

Тематическое планирование дано в соответствии с параграфами учебника А. Г. Мордковича «Алгебра-7» (М. : Мнемозина) из расчета 3 ч в неделю.

### **Тема 1 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ЯЗЫК. МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ (13 ч)**

1. Числовые и алгебраические выражения	3 ч	C-1, 2
2. Что такое математический язык	2 ч	C-3
3. Что такое математическая модель	3 ч	C-4
4. Линейное уравнение с одной переменной	2 ч	C-5
5. Координатная прямая	2 ч	C-6

*Контрольная работа № 1*

1 ч

### **Тема 2 ЛИНЕЙНАЯ ФУНКЦИЯ (11 ч)**

6. Координатная плоскость	2 ч	C-7
7. Линейное уравнение с двумя переменными и его график	3 ч	C-8
8. Линейная функция и ее график	3 ч	C-9, 10
9. Линейная функция $y = kx$	1 ч	C-11
10. Взаимное расположение графиков линейных функций	1 ч	

*Контрольная работа № 2*

1 ч

### **Тема 3 СИСТЕМЫ ДВУХ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ С ДВУМЯ ПЕРЕМЕННЫМИ (13 ч)**

11. Основные понятия	2 ч	C-12
12. Метод подстановки	3 ч	C-13, 14
13. Метод алгебраического сложения	3 ч	C-15, 16

- 14. Системы двух линейных уравнений  
с двумя переменными как математические  
модели реальных ситуаций**
- Контрольная работа № 3*

4 ч С-17  
1 ч

**Тема 4**  
**СТЕПЕНЬ С НАТУРАЛЬНЫМ ПОКАЗАТЕЛЕМ  
И ЕЕ СВОЙСТВА (6 ч)**

- 15. Что такое степень с натуральным показа-  
телем**
- 16. Таблица основных степеней**
- 17. Свойства степени с натуральным показа-  
телем**
- 18. Умножение и деление степеней с одинаковыми показателями**
- 19. Степень с нулевым показателем**

1 ч С-18  
1 ч С-19  
2 ч С-20  
1 ч С-21  
1 ч С-21

**Тема 5**  
**ОДНОЧЛЕНЫ. АРИФМЕТИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ  
НАД ОДНОЧЛЕНАМИ (8 ч)**

- 20. Понятие одночлена. Стандартный вид  
одночлена**
- 21. Сложение и вычитание одночленов**
- 22. Умножение одночленов. Возведение одночлена в натуральную степень**
- 23. Деление одночлена на одночлен**
- Контрольная работа № 4*

1 ч  
2 ч С-22, 23  
2 ч С-24  
2 ч С-25  
1 ч

**Тема 6**  
**МНОГОЧЛЕНЫ. АРИФМЕТИЧЕСКИЕ ОПЕРАЦИИ  
НАД МНОГОЧЛЕНАМИ (15 ч)**

- 24. Основные понятия**
- 25. Сложение и вычитание многочленов**
- 26. Умножение многочлена на одночлен**
- 27. Умножение многочлена на многочлен**
- 28. Формулы сокращенного умножения**
- 29. Деление многочлена на одночлен**
- Контрольная работа № 5*

1 ч С-26  
2 ч С-27  
2 ч С-28, 29  
3 ч С-30  
5 ч С-31—33  
1 ч  
1 ч

### Тема 7

## РАЗЛОЖЕНИЕ МНОГОЧЛЕНОВ НА МНОЖИТЕЛИ (18 ч)

30. Что такое разложение многочленов на множители и зачем оно нужно	1 ч
31. Вынесение общего множителя за скобки	2 ч С-34
32. Способ группировки	2 ч С-35
33. Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения	5 ч С-36—38
34. Разложение многочленов на множители с помощью комбинации различных приемов	3 ч С-39
35. Сокращение алгебраических дробей	3 ч С-40
36. Тождества	1 ч
<i>Контрольная работа № 6</i>	1 ч

### Тема 8

## ФУНКЦИЯ $y = x^2$ (9 ч)

37. Функция $y = x^2$ и ее график	3 ч С-41
38. Графическое решение уравнений	2 ч С-42
39. Что означает в математике запись $y = f(x)$	3 ч С-43
<i>Контрольная работа № 7</i>	1 ч
<b>Итоговое повторение</b>	<b>9 ч С-44</b>

# ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель

## С-1. Числовые выражения

### Вариант 1

1. Данное предложение запишите в виде числового выражения и найдите его значение:

сумма числа  $8\frac{5}{6}$  и частного чисел  $1\frac{1}{3}$  и 3,2.

2. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$3\frac{2}{7} \cdot 8,5 - 1,5 \cdot 3\frac{2}{7}.$$

3. Выясните, равна дробь нулю или она не имеет смысла:

$$\frac{0,5 : 0,5 - \frac{3}{7} \cdot \left(\frac{2}{3} + 1\frac{2}{3}\right)}{4 - \frac{3}{8}}.$$

## С-1. Числовые выражения

### Вариант 3

1. Данное предложение запишите в виде числового выражения и найдите его значение:

разность произведения чисел  $3\frac{5}{6}$  и 0,3 и числа 2,3.

2. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$27,8 \cdot \frac{7}{25} + 22,2 \cdot \frac{7}{25}.$$

3. Выясните, равна дробь нулю или она не имеет смысла:

$$\frac{2\frac{4}{9} : 1,2}{\frac{2}{3} \cdot 0,75 - \left(\frac{5}{6} : 2,5 + \frac{1}{6}\right)}.$$

# ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель

## С-1. Числовые выражения

### Вариант 2

1. Данное предложение запишите в виде числового выражения и найдите его значение:

произведение суммы чисел  $4\frac{2}{3}$  и 1,6 на число  $\frac{45}{47}$ .

2. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$6\frac{3}{5} \cdot 0,31 + 3\frac{2}{5} \cdot 0,31.$$

- 3. Выясните, равна дробь нулю или она не имеет смысла:

$$\frac{1,5 + \frac{4}{9}}{1\frac{1}{3} \cdot 1\frac{1}{2} - 2,4 : \left(2,6 - 1\frac{2}{5}\right)}.$$

## С-1. Числовые выражения

### Вариант 4

1. Данное предложение запишите в виде числового выражения и найдите его значение:

частное чисел  $5\frac{2}{9}$  и  $6\frac{4}{15}$  уменьшить на 1,2.

2. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$8,1 \cdot \frac{2}{3} - 8,1 \cdot \frac{5}{9}.$$

- 3. Выясните, равна дробь нулю или она не имеет смысла:

$$\frac{\frac{3}{4} : 0,75 - \frac{5}{9} \cdot \left(3 - 1\frac{1}{5}\right)}{\frac{4}{15} \cdot 2,5}.$$

# **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

## **С-2. Алгебраические выражения**

---

### **Вариант 1**

**1. Найдите значение выражения**

$$3a + 5b - 4a - 2b \text{ при } a = 5,3 \text{ и } b = \frac{1}{3}.$$

**2. Выясните, при каких значениях переменной выражение**  
 $\frac{x}{x - 3}$  **не имеет смысла.**

**3. При каком значении переменной значение выражения**  $7x + 4$  **равно значению выражения**  $2x - 3?$

---

## **С-2. Алгебраические выражения**

---

### **Вариант 3**

**1. Найдите значение выражения**

$$4c - 9d - 6c - d \text{ при } c = \frac{1}{2} \text{ и } d = 0,35.$$

**2. Выясните, при каких значениях переменной выражение**  
 $\frac{t - 2}{t + 1}$  **не имеет смысла.**

**3. При каком значении переменной значение выражения**  $12t$  **больше выражения**  $3t + 5$  **на 4?**

# **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

## **С-2. Алгебраические выражения**

---

### **Вариант 2**

**1. Найдите значение выражения**

$$2x - 8y + 5y - x \text{ при } x = 0,4 \text{ и } y = \frac{2}{3}.$$

**2. Выясните, при каких значениях переменной выражение**  
 $\frac{y+5}{y-5}$  **не имеет смысла.**

**3. При каком значении переменной значение выражения**  $6y + 2$  **равно значению выражения**  $y - 3?$

---

## **С-2. Алгебраические выражения**

---

### **Вариант 4**

**1. Найдите значение выражения**

$$6b + 4c - 10b + c \text{ при } c = 0,6 \text{ и } b = \frac{3}{16}.$$

**2. Выясните, при каких значениях переменной выражение**  
 $\frac{m+1}{m+4}$  **не имеет смысла.**

**3. При каком значении переменной сумма значений выражений**  $8z$  **и**  $5 - 11z$  **равна 3?**

## **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

### **С-3. Что такое математический язык**

---

#### *Вариант 1*

1. Запишите предложение на математическом языке:  
сумма квадратов чисел  $a$  и  $c$ .
2. Запишите на математическом языке следующие свойства:
  - а) для того чтобы число умножить на произведение двух чисел, можно умножить его на первый множитель и полученный результат умножить на второй множитель;
  - б) при умножении числа на  $(-1)$  получится число, противоположное данному.

---

### **С-3. Что такое математический язык**

---

#### *Вариант 3*

1. Запишите предложение на математическом языке:  
удвоенное произведение чисел  $x$  и  $y$ .
2. Запишите на математическом языке следующие свойства:
  - а) для того чтобы число умножить на дробь, надо это число умножить на числитель дроби, а знаменатель оставить без изменений;
  - б) при делении числа, не равного 0, на себя получится единица.

## **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

### **С-3. Что такое математический язык**

---

#### *Вариант 2*

1. Запишите предложение на математическом языке:  
квадрат разности чисел  $x$  и  $t$ .
2. Запишите на математическом языке следующие свойства:
  - а) для того чтобы сложить две дроби с одинаковым знаменателем, надо сложить числители этих дробей, а знаменатель оставить без изменения;
  - б) при умножении числа на 0 получится нуль.

---

### **С-3. Что такое математический язык**

---

#### *Вариант 4*

1. Запишите предложение на математическом языке:  
разность кубов чисел  $a$  и  $b$ .
2. Запишите на математическом языке следующие свойства:
  - а) при делении единицы на дробь получится дробь, обратная данной;
  - б) при делении нуля на число, отличное от 0, в частном получится 0.

# **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

## **С-4. Что такое математическая модель**

---

### **Вариант 1**

Составьте математическую модель ситуации:

1. Из одного пункта в противоположных направлениях выехали два велосипедиста. Скорость одного из них  $v$  км/ч, а другого —  $x$  км/ч. Чему равна скорость удаления велосипедистов? Какое расстояние будет между ними через 2,5 ч?
2. Марина купила на юбку  $x$  м ткани, а на блузку на 0,8 м больше. Сколько стоит вся покупка, если цена ткани на юбку 125 р. за 1 м, а на блузку 150 р. за 1 м?

---

## **С-4. Что такое математическая модель**

---

### **Вариант 3**

Составьте математическую модель ситуации:

1. Из одного пункта в одном направлении выехали два автомобиля «Мерседес» и «Жигули». Скорость «Мерседеса»  $x$  км/ч, а скорость «Жигулей»  $y$  км/ч. Чему равна скорость удаления автомобилей, если «Мерседес» движется быстрее, чем «Жигули»? Через какое время расстояние между ними будет равно 48 км?
2. 1 кг яблок стоит  $y$  р., а 1 кг лимонов на 7 р. дороже, чем килограмм яблок. На сколько больше стоят 3 кг яблок, чем 0,5 кг лимонов?

# **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

## **С-4. Что такое математическая модель**

---

### **Вариант 2**

Составьте математическую модель ситуации:

1. Из двух городов одновременно навстречу друг другу выехали два автомобиля. Скорость одного из них  $a$  км/ч, а другого —  $b$  км/ч. Чему равна скорость сближения автомобилей? Чему равно расстояние между городами, если автомобили встретились через 4,5 ч?
2. Букет составлен из 3 веток хризантем и 7 цветков гвоздики. Сколько стоит букет, если 1 цветок гвоздики стоит  $x$  р., а ветка хризантемы на 5 р. дешевле?

---

## **С-4. Что такое математическая модель**

---

### **Вариант 4**

Составьте математическую модель ситуации:

1. Велосипедист догоняет пешехода. Скорость велосипедиста  $a$  км/ч, а пешехода —  $v$  км/ч. Чему равна скорость сближения велосипедиста и пешехода? Через какое время велосипедист догонит пешехода, если сейчас между ними расстояние 16 км?
2. Мастер изготавливает  $z$  деталей в день, а ученик на 18 деталей меньше, чем мастер. На сколько деталей больше изготавливает за 3 дня мастер, чем его ученик за 5 дней?

# **ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель**

---

## **С-5. Линейное уравнение с одной переменной**

---

### **Вариант 1**

**1. Решите уравнение:**

- а)  $4x - 20 = 0$ ;      в)  $2(x + 7) = 9 - 2x$ .  
б)  $3x - 5 = 4x + 1$ ;

**2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.**

В школьной теплице ученики вырастили перец, помидоры и баклажаны. Взвесив собранный урожай, они определили, что баклажанов собрано на 65 кг больше, чем перца, и в 3 раза меньше, чем помидоров. Найдите массу баклажанов, если весь урожай составил 730 кг.

---

## **С-5. Линейное уравнение с одной переменной**

---

### **Вариант 3**

**1. Решите уравнение:**

- а)  $5x + 1 = 0$ ;      в)  $\frac{2}{3}(6x - 3) = 8 - (5x + 1)$ .  
б)  $5x - 6 = x - 14$ ;

**2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.**

Знакомясь с достопримечательностями родного края, учащиеся совершили автобусную экскурсию по маршруту «Школа — Краеведческий музей — Памятник русского деревянного зодчества — Школа» протяженностью 72 км. Путь от школы до музея оказался на 12 км короче, чем путь от музея до памятника, и составил  $\frac{1}{3}$  часть последнего участка пути. Найдите расстояние между краеведческим музеем и памятником русского деревянного зодчества.

# ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель

## С-5. Линейное уравнение с одной переменной

### Вариант 2

1. Решите уравнение:

- а)  $6x + 18 = 0$ ;      в)  $3(5 - x) = 11 + 2x$ .  
б)  $2x + 3 = 3x - 2$ ;

2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Роман, Павел и Сергей в игре на компьютере вместе набрали 3270 очков. Сколько очков набрал Роман, если Павел отстал от него на 250 очков, а Сергей превзошел его в 2 раза?

## С-5. Линейное уравнение с одной переменной

### Вариант 4

1. Решите уравнение:

- а)  $2x - 1 = 0$ ;      в)  $\frac{3}{4}(4x + 8) = 9 - (7x - 1)$ .  
б)  $x + 9 = 4x + 3$ ;

2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Учащиеся решили совершить поход к истоку реки Волга. Сначала они ехали на поезде, затем на автобусе и, наконец,шли пешком, преодолев в общей сложности 224 км. Путь, который дети проехали на автобусе, оказался на 28 км длиннее, чем путь, пройденный пешком, и составил  $\frac{1}{5}$  часть пути, преодоленного на поезде. Найдите протяженность участка пути, который учащиеся шли пешком.

# ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель

## С-6. Координатная прямая

Вариант 1

Заполните таблицу:

Геометрическая модель	Аналитическая модель	Обозначение промежутка	Название промежутка
		( $-\infty$ ; 2]	
			
	$x > 1$		Интервал от $-5$ до $0$

## С-6. Координатная прямая

Вариант 3

Заполните таблицу:

Геометрическая модель	Аналитическая модель	Обозначение промежутка	Название промежутка
		( $-1$ ; 4)	
			
	$-2 \leq x \leq 2$		Открытый луч от $-\infty$ до $-1$

# ТЕМА 1. Математический язык. Математическая модель

## С-6. Координатная прямая

Вариант 2

Заполните таблицу:

Геометрическая модель	Аналитическая модель	Обозначение промежутка	Название промежутка
		$(5; +\infty)$	
			
	$x \leq 1$		Отрезок от 0 до 3

## С-6. Координатная прямая

Вариант 4

Заполните таблицу:

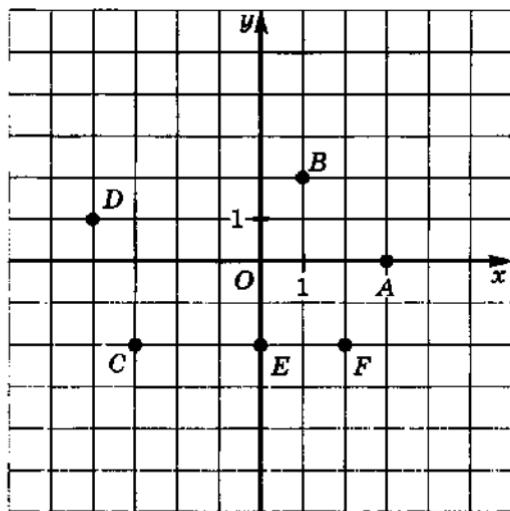
Геометрическая модель	Аналитическая модель	Обозначение промежутка	Название промежутка
		$[-8; 0]$	
			
	$-4 < x \leq 0$		Луч от 2 до $+\infty$

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-7. Координатная плоскость

Вариант 1

1. Запишите координаты точек  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ ,  $E$ ,  $F$ :



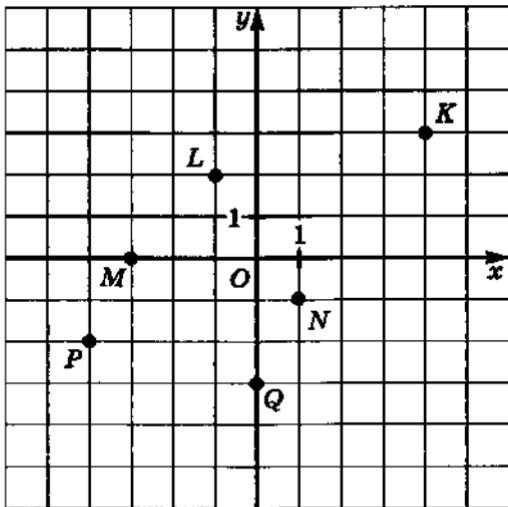
2. По координатам вершин постройте четырехугольник  $ABCD$ , если  $A(2; 3)$ ,  $B(-2; 2)$ ,  $C(-3; -1)$ ,  $D(1; 0)$ .
3. Постройте прямую, удовлетворяющую уравнению  $x = 2$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-7. Координатная плоскость

Вариант 2

1. Запишите координаты точек  $K, L, M, N, P, Q$ :



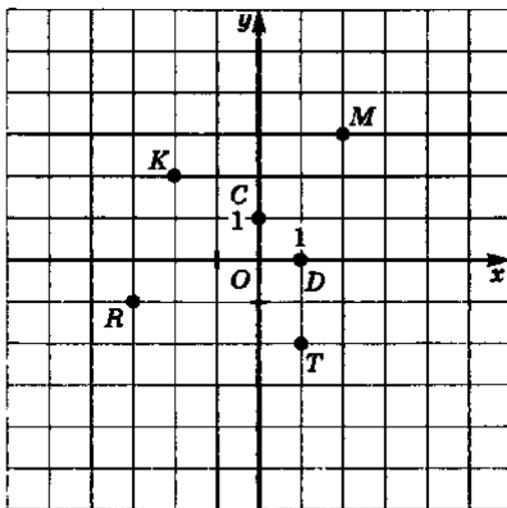
2. По координатам вершин постройте четырехугольник  $ABCD$ , если  $A(1; 4)$ ,  $B(-2; 0)$ ,  $C(1; -4)$ ,  $D(4; 0)$ .
3. Постройте прямую, удовлетворяющую уравнению  $y = -3$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-7. Координатная плоскость

Вариант 3

1. Запишите координаты точек  $C, D, K, M, R, T$ :



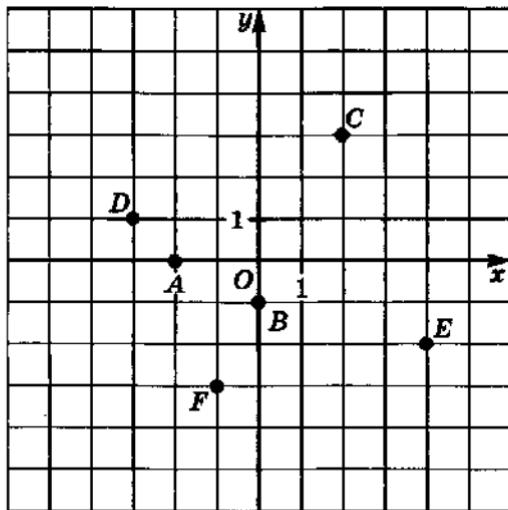
2. По координатам вершин постройте четырехугольник  $ABCD$ , если  $A(2; 1)$ ,  $B(-3; -2)$ ,  $C(0; -5)$ ,  $D(4; -1)$ .
3. Постройте прямую, удовлетворяющую уравнению  $x = -3$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-7. Координатная плоскость

Вариант 4

1. Запишите координаты точек  $A, B, C, D, E, F$ :



2. По координатам вершин постройте четырехугольник  $ABCD$ ,  
если  $A(-1; 2)$ ,  $B(-4; -2)$ ,  $C(3; -2)$ ,  $D(3; 2)$ .
3. Постройте прямую, удовлетворяющую уравнению  $y = 2$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-8. Линейное уравнение с двумя переменными и его график

#### Вариант 1

1. Какие из пар чисел  $(-1; 3)$ ,  $(-3; 0)$ ,  $(0; 4)$  являются решением уравнения  $4x - 3y + 12 = 0$ ?
2. Постройте график уравнения  $x + y - 3 = 0$ .
3. Найдите значение коэффициента  $a$  в уравнении

$$ax + 2y - 30 = 0,$$

если известно, что пара чисел  $(9; -3)$  является решением уравнения.

### С-8. Линейное уравнение с двумя переменными и его график

#### Вариант 3

1. Какие из пар чисел  $\left(0; \frac{1}{2}\right)$ ,  $\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{4}\right)$ ,  $(-2; -1)$  являются решением уравнения  $-3x - 4y + 2 = 0$ ?
2. Постройте график уравнения  $5x - 2y + 10 = 0$ .
3. Найдите значение коэффициента  $a$  и  $c$  в уравнении

$$ax - 3y + c = 0,$$

если известно, что каждая из пар чисел  $(-3; 0)$  и  $(0; 2)$  является решением уравнения.

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-8. Линейное уравнение с двумя переменными и его график

#### Вариант 2

1. Какие из пар чисел  $(-1; 1)$ ,  $\left(\frac{1}{2}; \frac{2}{5}\right)$ ,  $(-4; 1)$  являются решением уравнения  $2x + 5y - 3 = 0$ ?

2. Постройте график уравнения  $x - y + 4 = 0$ .

3. Найдите значение коэффициента  $b$  в уравнении

$$-5x + by + 18 = 0,$$

если известно, что пара чисел  $(6; -4)$  является решением уравнения.

### С-8. Линейное уравнение с двумя переменными и его график

#### Вариант 4

1. Какие из пар чисел  $(-1; \frac{1}{3})$ ,  $(1; 3)$ ,  $(0; 2)$  являются решением уравнения  $-5x + 3y - 6 = 0$ ?

2. Постройте график уравнения  $2x + 3y - 6 = 0$ .

3. Найдите значения коэффициентов  $a$  и  $b$  в уравнении

$$ax + by - 15 = 0,$$

если известно, что каждая из пар чисел  $(0; 3)$  и  $(-5; 0)$  является решением уравнения.

## ТЕМА 2. Линейная функция

---

### С-9. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 1

1. Преобразуйте линейное уравнение с двумя переменными  $-4x + 2y = 6$  к виду линейной функции  $y = kx + m$ .
2. Постройте график полученной в п. 1 линейной функции.  
По графику определите:
  - а) координаты точек пересечения графика с осями координат;
  - б) значения функции при  $x = -2; -1; 2$ ;
  - в) значения аргумента, если  $y = -3; 1; 4$ .

---

### С-9. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 3

1. Преобразуйте линейное уравнение с двумя переменными  $\frac{1}{2}x + \frac{1}{4}y = -2$  к виду линейной функции  $y = kx + m$ .
2. Постройте график полученной в п. 1 линейной функции.  
По графику определите:
  - а) координаты точек пересечения графика с осями координат;
  - б) значения функции при  $x = -2; -1; 2$ ;
  - в) значения аргумента, если  $y = -3; 1; 4$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

---

### С-9. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 2

1. Преобразуйте линейное уравнение с двумя переменными  $6x - 3y = 3$  к виду линейной функции  $y = kx + m$ .
2. Постройте график полученной в п. 1 линейной функции.  
По графику определите:
  - а) координаты точек пересечения графика с осями координат;
  - б) значения функции при  $x = -2; -1; 2$ ;
  - в) значения аргумента, если  $y = -3; 1; 4$ .

---

### С-9. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 4

1. Преобразуйте линейное уравнение с двумя переменными  $\frac{1}{4}x - \frac{1}{2}y = -1$  к виду линейной функции  $y = kx + m$ .
2. Постройте график полученной в п. 1 линейной функции.  
По графику определите:
  - а) координаты точек пересечения графика с осями координат;
  - б) значения функции при  $x = -2; -1; 2$ ;
  - в) значения аргумента, если  $y = -3; 1; 4$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

---

### С-10. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 1

Постройте график линейной функции  $y = 2x + 4$  и с его помощью найдите:

- координаты точки пересечения графика с осью абсцисс;
- значения  $x$ , при которых  $y$  принимает отрицательные значения;
- $y_{\text{нам.}}$  и  $y_{\text{наиб.}}$  на отрезке  $[-3; -1]$ .

---

### С-10. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 3

Постройте график линейной функции  $y = \frac{1}{2}x + 1$  и с его помощью найдите:

- координаты точки пересечения графика с осью абсцисс;
- значения аргумента, при которых функция принимает положительные значения;
- наибольшее и наименьшее значения функции на полуинтервале  $(-4; 2]$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

---

### С-10. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 2

Постройте график линейной функции  $y = -x - 2$  и с его помощью найдите:

- координаты точки пересечения графика с осью абсцисс;
- значения  $x$ , при которых  $y$  принимает положительные значения;
- $y_{\text{нам.}}$  и  $y_{\text{найб.}}$  и на отрезке  $[-3; 1]$ .

---

### С-10. Линейная функция и ее график

---

#### Вариант 4

Постройте график линейной функции  $y = -\frac{1}{2}x - 3$  с его помощью найдите:

- координаты точки пересечения графика с осью абсцисс;
- значения аргумента, при которых функция принимает отрицательные значения;
- наибольшее и наименьшее значения функции на полуинтервале  $[-2; 2]$ .

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-11. Линейная функция $y = kx$

#### Вариант 1

1. Постройте график линейной функции  $y = 3x$ .

Найдите по графику:

- значение функции при  $x = -2; 1; 1,5$ ;
- значение аргумента при  $y = -3; 6; 0$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на луче  $[1; +\infty)$ .

2. а) Задайте линейную функцию  $y = kx$  формулой, если известно, что ее график проходит через точку  $A(3; 15)$ .

б) Приведите пример линейной функции, график которой параллелен графику полученной функции.

### С-11. Линейная функция $y = kx$

#### Вариант 3

1. Постройте график линейной функции  $y = -\frac{1}{3}x$ .

Найдите по графику:

- значение функции при  $x = -3; 1; 6$ ;
- значение аргумента при  $y = 3; -1; 0$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[-3; 3]$ .

2. а) Задайте линейную функцию  $y = kx$  формулой, если известно, что ее график проходит через точку  $A(5; -3)$ .

б) Приведите пример линейной функции, график которой параллелен графику полученной функции.

## ТЕМА 2. Линейная функция

### С-11. Линейная функция $y = kx$

#### Вариант 2

1. Постройте график линейной функции  $y = -2x$ .

Найдите по графику:

- значение функции при  $x = -2; 1; 1,5$ ;
- значение аргумента при  $y = -4; 1; 2$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на луче  $(-\infty; -2]$ .

2. а) Задайте линейную функцию  $y = kx$  формулой, если известно, что ее график проходит через точку  $A(-4; -12)$ .

б) Приведите пример линейной функции, график которой параллелен графику полученной функции.

### С-11. Линейная функция $y = kx$

#### Вариант 4

1. Постройте график линейной функции  $y = 1,5x$ .

Найдите по графику:

- значение функции при  $x = -2; 1; 4$ ;
- значение аргумента при  $y = 3; -1,5; 4,5$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[-2; 4]$ .

2. а) Задайте линейную функцию  $y = kx$  формулой, если известно, что ее график проходит через точку  $A(-4; 1)$ .

б) Приведите пример линейной функции, график которой параллелен графику полученной функции.

### ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными

---

#### C-12. Основные понятия

---

##### Вариант 1

1. Какая из заданных пар чисел  $(-6; 8)$ ,  $(0, -3)$ ,  $(2; 0)$  является решением данной системы уравнений

$$\begin{cases} x + y = 2, \\ 3x - 2y = 6? \end{cases}$$

2. Решите графически систему уравнений  $\begin{cases} y = 3x, \\ x + y = 4. \end{cases}$

3. Сколько решений имеет система уравнений

$$\begin{cases} x - y = 1, \\ 3x - 3y = -9? \end{cases}$$

---

#### C-12. Основные понятия

---

##### Вариант 3

1. Какая из заданных пар чисел  $\left(\frac{1}{2}; 0\right)$ ,  $(2; 3)$ ,  $(5; -6)$  является решением системы уравнений

$$\begin{cases} 2x - y = 1, \\ 4x + 3y = 2? \end{cases}$$

2. Решите графически систему уравнений  $\begin{cases} x + 2y = 6, \\ x - 4y = 0. \end{cases}$

3. Сколько решений имеет система уравнений

$$\begin{cases} 3x + 2y = 1, \\ 6x + 4y = 2? \end{cases}$$

### ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными

#### С-12. Основные понятия

##### Вариант 2

1. Какая из заданных пар чисел  $(7; -3)$ ,  $(2, -1)$ ,  $(3; 0)$  является решением данной системы уравнений

$$\begin{cases} x - y = 3, \\ 2x + 5y = -1? \end{cases}$$

2. Решите графически систему уравнений  $\begin{cases} y = 3x - 1, \\ 2x + y = 4. \end{cases}$

- 3. Сколько решений имеет система уравнений

$$\begin{cases} -2x + y = 0, \\ -4x + 2y = 6? \end{cases}$$

#### С-12. Основные понятия

##### Вариант 4

1. Какая из заданных пар чисел  $(-2; 0)$ ,  $\left(\frac{4}{5}; -\frac{5}{4}\right)$ ,  $(1; -1)$  является решением системы уравнений

$$\begin{cases} x + 3y = -2, \\ 5x - 4y = 9? \end{cases}$$

2. Решите графически систему уравнений  $\begin{cases} 3y - x = 3, \\ x - y = 1. \end{cases}$

- 3. Сколько решений имеет система уравнений

$$\begin{cases} x - 4y = 3, \\ -0,5x + 2y = -1,5? \end{cases}$$

### ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными

---

#### С-13. Метод подстановки

---

*Вариант 1*

Решите систему уравнений методом подстановки:

а)  $\begin{cases} y = -3x, \\ 5x + 3y = 12; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} x = 2y + 5, \\ 2x + 3y = -4. \end{cases}$

---

#### С-13. Метод подстановки

---

*Вариант 3*

Решите систему уравнений методом подстановки:

а)  $\begin{cases} y = -8x, \\ 2x + 0,5y = 1; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} -x - 4y = -5, \\ 2x + 7y = 8. \end{cases}$

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-13. Метод подстановки**

---

##### **Вариант 2**

Решите систему уравнений методом подстановки:

a)  $\begin{cases} x = 5y, \\ 2x - 7y = 6; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} y = 2 - 3x, \\ 5x + 4y = -6. \end{cases}$

---

#### **С-13. Метод подстановки**

---

##### **Вариант 4**

Решите систему уравнений методом подстановки:

a)  $\begin{cases} x = 3,5y, \\ 4x - 3y = 22; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} 6x - y = 4, \\ 3x + 5y = 13. \end{cases}$

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **C-14. Метод подстановки**

---

*Вариант 1*

Решите систему уравнений методом подстановки:

a)  $\begin{cases} 2x + 3y = 16, \\ 3x - 2y = 11; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} 6(x + y) = 5 - (2x + y), \\ 3x - 2y = -3y - 3. \end{cases}$

---

#### **C-14. Метод подстановки**

---

*Вариант 3*

Решите систему уравнений методом подстановки:

a)  $\begin{cases} 4x + 2y = -22, \\ 3x - \frac{1}{7}y = -5; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} \frac{2x - 4y}{5} = \frac{4x + 6y}{3}, \\ \frac{x + y}{4} = \frac{y - 2}{6}. \end{cases}$

## ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными

### С-14. Метод подстановки

#### Вариант 2

Решите систему уравнений методом подстановки:

a)  $\begin{cases} 4x - 5y = 10, \\ 3x + 2y = 19; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} 2 + 3(x + 5y) = -(2x + 3y), \\ 3x + 4y = -8. \end{cases}$

### С-14. Метод подстановки

#### Вариант 4

Решите систему уравнений методом подстановки:

a)  $\begin{cases} 5x + \frac{1}{2}y = -3, \\ -4x - \frac{3}{4}y = 1; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} \frac{2x + 3y}{4} = \frac{3x + 4y}{7}, \\ \frac{5y - 6x}{10} = -\frac{4x - 12}{2}. \end{cases}$

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-15. Метод алгебраического сложения**

---

##### *Вариант 1*

1. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

a)  $\begin{cases} x + y = 11, \\ 2x - y = -5; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} 2x + y = 5, \\ 3x - 2y = 4. \end{cases}$

2. Сумма двух чисел равна 22, а разность 8. Найдите данные числа.

---

#### **С-15. Метод алгебраического сложения**

---

##### *Вариант 3*

1. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

a)  $\begin{cases} 3x + y = 14, \\ -3x + 5y = 10; \end{cases}$

б)  $\begin{cases} x + 4y = 9, \\ 3x + 7y = 2. \end{cases}$

2. Разность двух чисел равна 12, а сумма удвоенного первого числа и второго равна 27. Найдите данные числа.

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-15. Метод алгебраического сложения**

---

##### **Вариант 2**

- 1.** Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

a) 
$$\begin{cases} x + y = 4, \\ -x + 2y = 2; \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 5x + 2y = 12, \\ 4x + y = 3. \end{cases}$$

- 2.** Сумма двух чисел равна 33, а разность 7. Найдите данные числа.

---

#### **С-15. Метод алгебраического сложения**

---

##### **Вариант 4**

- 1.** Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

a) 
$$\begin{cases} 2x - 2y = 7, \\ 3x + 2y = 3; \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 5x - 4y = 8, \\ x - y = 2. \end{cases}$$

- 2.** Сумма двух чисел равна 35, а разность утроенного первого числа и второго равна 1. Найдите данные числа.

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-16. Метод алгебраического сложения**

---

##### **Вариант 1**

1. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 3, \\ 5x - 4y = 19. \end{cases}$$

2. Составьте уравнение прямой, проходящей через заданные две точки:

$A(0; 3)$ ,  $B(-1; 0)$ .

---

#### **С-16. Метод алгебраического сложения**

---

##### **Вариант 3**

1. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

$$\begin{cases} 3x + 2y = 6, \\ 5x + 6y = -2. \end{cases}$$

2. Составьте уравнение прямой, проходящей через заданные две точки:

$A(3; -3)$ ,  $B(-1; 9)$ .

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-16. Метод алгебраического сложения**

---

##### **Вариант 2**

1. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

$$\begin{cases} 3x + 7y = -1, \\ 2x - 3y = 7. \end{cases}$$

2. Составьте уравнение прямой, проходящей через заданные две точки:

$A(2; 0), B(0; 1)$ .

---

#### **С-16. Метод алгебраического сложения**

---

##### **Вариант 4**

1. Решите систему уравнений методом алгебраического сложения:

$$\begin{cases} 5x + 3y = 1,4, \\ -7x - 10y = 5. \end{cases}$$

2. Составьте уравнение прямой, проходящей через заданные две точки:

$A(2; 3), B(-6; -1)$ .

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-17. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными как математические модели реальных ситуаций**

---

##### **Вариант 1**

Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

1. Разность двух сторон прямоугольника равна 7 см, а его периметр равен 54 см. Найдите стороны прямоугольника.
2. Расстояние между двумя пунктами по реке равно 60 км. По течению реки лодка проплывает это расстояние за 4 ч, а против течения за 6 ч. Найдите собственную скорость лодки и скорость течения реки.

---

#### **С-17. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными как математические модели реальных ситуаций**

---

##### **Вариант 3**

Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

1. Если к числителю и знаменателю заданной дроби прибавить по 2, то получится  $\frac{2}{3}$ . Если из числителя вычесть 3, а к знаменателю прибавить 1, то получится  $\frac{1}{8}$ . Найдите эту дробь.
2. Две бригады лесорубов заготовили в январе  $900 \text{ м}^3$  древесины. В феврале первая бригада заготовила на 15% больше, а вторая на 12% больше, чем в январе. Сколько кубометров древесины заготовила каждая бригада в январе, если в феврале они заготовили древесины на  $120 \text{ м}^3$  больше, чем в январе?

### **ТЕМА 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными**

---

#### **С-17. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными как математические модели реальных ситуаций**

---

##### **Вариант 2**

Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

1. В прямоугольнике одна сторона на 3 см больше другой. Периметр прямоугольника равен 26 см. Найдите стороны прямоугольника.
2. В кассе было 120 монет достоинством по 5 р. и по 2 р. на сумму 480 р. Сколько было монет каждого достоинства?

---

#### **С-17. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными как математические модели реальных ситуаций**

---

##### **Вариант 4**

Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

1. Сумма двух данных чисел равна 400. Если первое число уменьшить на 20%, а второе на 15%, то сумма уменьшится на 68. Найдите данные числа.
2. На оптовом рынке за 3 кг яблок и 5 кг бананов заплатили 154 р. В магазине 1 кг яблок на 7 р. дороже, а 1 кг бананов на 4 р. дороже, чем на оптовом рынке, поэтому 2 кг яблок и 4 кг бананов стоят 146 р. Найдите оптовую цену 1 кг яблок и 1 кг бананов.

## ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства

### С-18. Определение степени с натуральным показателем.

#### Вариант 1

- Запишите произведение в виде степени, назовите основание и показатель степени:
  - $0,2 \cdot 0,2 \cdot 0,2 \cdot 0,2$ ;
  - $a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a$ ;
  - $(-bc) \cdot (-bc) \cdot (-bc)$ .
- Вычислите: а)  $7^3$ ; б)  $2^8 - 3^4$ ; в)  $\left(\frac{5}{6}\right)^3 \cdot (-3)^3$ .
- Представьте данное число в виде степени какого-либо числа с показателем, отличным от 1.
  - 128;
  - 27;
  - $\frac{25}{49}$ ;
  - 10 000.

### С-18. Определение степени с натуральным показателем.

#### Вариант 3

- Запишите произведение в виде степени, назовите основание и показатель степени:
  - $(1,7) \cdot (1,7) \cdot (1,7) \cdot (1,7) \cdot (1,7)$ ;
  - $p \cdot p \cdot p \cdot \dots \cdot p$  — 28 множителей;
  - $\left(\frac{a}{b}\right) \cdot \left(\frac{a}{b}\right) \cdot \left(\frac{a}{b}\right)$ .
- Вычислите: а)  $(-5)^4$ ; б)  $-5^2 + 3^5$ ; в)  $\left(1\frac{1}{2}\right)^4 : 6^3$ .
- Представьте данное число в виде степени какого-либо числа с показателем, отличным от 1.
  - 243;
  - 0,125;
  - $-\frac{216}{343}$ ;
  - 1000.

## ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства

### С-18. Определение степени с натуральным показателем.

#### Вариант 2

1. Запишите произведение в виде степени, назовите основание и показатель степени:

а)  $\left(\frac{2}{5}\right) \cdot \left(\frac{2}{5}\right) \cdot \left(\frac{2}{5}\right);$

б)  $m \cdot m \cdot m;$

в)  $(x + 2) \cdot (x + 2).$

2. Вычислите: а)  $6^3;$       б)  $(-3)^5 + 4^3;$       в)  $\left(\frac{5}{7}\right)^2 \cdot \left(3\frac{1}{2}\right)^3.$

3. Представьте данное число в виде степени какого-либо числа с показателем, отличным от 1.

а) 512;      б) 0,36;      в)  $-\frac{8}{125};$       г) 100.

### С-18. Определение степени с натуральным показателем.

#### Вариант 4

1. Запишите произведение в виде степени, назовите основание и показатель степени:

а)  $(-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3) \cdot (-3);$

б)  $(t - 4) \cdot (t - 4) \cdot (t - 4) \cdot (t - 4);$

в)  $(2z) \cdot (2z) \cdot \dots \cdot (2z) — m$  множителей.

2. Вычислите: а)  $(-4)^3;$       б)  $(-2)^8 - (-5)^3;$       в)  $1,2^2 : 0,2^5.$

3. Представьте данное число в виде степени какого-либо числа с показателем, отличным от 1.

а) 1024;      б) 0,49;      в)  $\frac{243}{32};$       г) 1 000 000.

## **ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства**

---

### **С-19. Таблица основных степеней**

---

#### *Вариант 1*

1. Решите уравнение:  
а)  $x^3 = 64$ ;      б)  $3x^4 = 48$ ;      в)  $5^k = 625$ ;      г)  $3^{k-2} = 81$ .
2. Ребро куба равно 6 см. Найдите объем куба и площадь его поверхности.

---

### **С-19. Таблица основных степеней**

---

#### *Вариант 3*

1. Решите уравнение:  
а)  $(x - 1)^3 = 27$ ;      в)  $2^{2n} = 256$ ;  
б)  $(5x)^2 = 100$ ;      г)  $6^{2k-1} = 216$ .
2. Объем куба равен 27 см<sup>3</sup>. Найдите ребро куба и площадь его поверхности.

## **ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства**

---

### **С-19. Таблица основных степеней**

---

#### *Вариант 2*

1. Решите уравнение:  
а)  $x^5 = -32$ ;    б)  $2x^4 = 162$ ;    в)  $6^n = 216$ ;    г)  $4^{n-5} = 64$ .
2. Ребро куба равно 7 см. Найдите объем куба и площадь его поверхности.

---

### **С-19. Таблица основных степеней**

---

#### *Вариант 4*

1. Решите уравнение:  
а)  $(4 + x)^7 = -128$ ;    в)  $3^{3k} = 729$ ;  
б)  $(10x)^2 = 900$ ;    г)  $7^{5n-2} = 343$ .
2. Площадь поверхности куба равна  $24 \text{ см}^2$ . Найдите ребро и объем куба.

## ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства

### С-20. Свойства степени с натуральным показателем

#### Вариант 1

1. Представьте выражение в виде степени:

а)  $x^5 \cdot x^8$ ;      б)  $m^{14} : m$ ;      в)  $(a^5)^{13}$ ;      г)  $\frac{t^3 \cdot t^4}{t^6}$ ;

д)  $(b^7)^8 : (b^5)^4$ ;      е)  $\frac{n^2 \cdot (n^3)^4}{n^7}$ .

2. Вычислите:  $\frac{3^{10} \cdot (3^2)^3}{3 \cdot (3^5)^2}$ .

### С-20. Свойства степени с натуральным показателем

#### Вариант 3

1. Представьте выражение в виде степени:

а)  $y^2 \cdot y^{13}$ ;      б)  $z^{10} : z$ ;      в)  $(c^{11})^3$ ;      г)  $\frac{c^7 \cdot c}{c^4}$ ;

д)  $(x^6)^3 : (x^3)^5$ ;      е)  $\frac{(m^2)^3 \cdot m^5}{(m^2)^5}$ .

2. Вычислите:  $\frac{(5^4)^5 : (5^2)^4}{5 \cdot (5^5)^2}$ .

## ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства

### С-20. Свойства степени с натуральным показателем

#### Вариант 2

1. Представьте выражение в виде степени:

а)  $p^7 \cdot p^4$ ;      б)  $n^{21} : n^{20}$ ;      в)  $(b^4)^{17}$ ;      г)  $\frac{q^4 \cdot q^{11}}{q}$ ;

д)  $(a^4)^6 \cdot (a^3)^3$ ;      е)  $\frac{(y^2)^4 \cdot y}{y^8}$ .

2. Вычислите:  $\frac{(2^6)^3 : 2}{(2^3)^2 \cdot 2^2}$ .

### С-20. Свойства степени с натуральным показателем

#### Вариант 4

1. Представьте выражение в виде степени:

а)  $d^3 \cdot d^7$ ;      б)  $\frac{a^{12}}{a^{\Pi}}$ ;      в)  $(x^9)^{10}$ ;      г)  $\frac{k^{12}}{k \cdot k^5}$ ;

д)  $(n^8)^4 : (n^4)^3$ ;      е)  $\frac{(t^6)^4 \cdot t}{(t^5)^2}$ .

2. Вычислите:  $\frac{(7^3)^8 \cdot 7^5}{(7^{10})^2 \cdot (7^2)^4}$ .

## ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства

---

### С-21. Умножение и деление степеней с одинаковыми показателями. Степень с нулевым показателем

---

#### Вариант 1

1. Возведите данное выражение в степень:

а)  $(2x)^5$ ;      б)  $(10x^2y)^3$ ;      в)  $\left(\frac{x}{3y}\right)^4$ .

2. Представьте данное произведение или дробь в виде степени:

а)  $32a^5x^5$ ;      б)  $-27x^3y^6$ ;      в)  $\frac{n^5}{243}$ .

3. Вычислите:  $\frac{3^{13} \cdot 5^{13}}{15^{11}} + \left(\frac{1}{15}\right)^0$ .

---

### С-21. Умножение и деление степеней с одинаковыми показателями. Степень с нулевым показателем

---

#### Вариант 3

1. Возведите данное выражение в степень:

а)  $(5b)^4$ ;      б)  $(-3t^3v^2)^6$ ;      в)  $\left(\frac{7a}{c^2}\right)^3$ .

2. Представьте данное произведение или дробь в виде степени:

а)  $-216x^3y^3$ ;      б)  $16a^4b^{12}$ ;      в)  $\frac{27a^3}{8}$ .

3. Вычислите:  $\frac{6^5 \cdot 4^5}{24^3} : (-24)^0$ .

## ТЕМА 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства

### С-21. Умножение и деление степеней с одинаковыми показателями. Степень с нулевым показателем

#### Вариант 2

1. Возведите данное выражение в степень:

а)  $(-3a)^4$ ;      б)  $(2ab^5)^8$ ;      в)  $\left(\frac{4t^2}{5v}\right)^3$ .

2. Представьте данное произведение или дробь в виде степени:

а)  $81b^4y^4$ ;      б)  $128x^{14}y^7$ ;      в)  $\frac{625}{q^4}$ .

3. Вычислите:  $\frac{18^{14}}{2^{12} \cdot 9^{12}} + 18^0$ .

### С-21. Умножение и деление степеней с одинаковыми показателями. Степень с нулевым показателем

#### Вариант 4

1. Возведите данное выражение в степень:

а)  $(-4y)^3$ ;      б)  $(3cd^8)^5$ ;      в)  $\left(\frac{2a^4}{x^3}\right)^6$ .

2. Представьте данное произведение или дробь в виде степени:

а)  $64b^6c^6$ ;      б)  $125a^9y^6$ ;      в)  $\frac{49}{36x^4}$ .

3. Вычислите:  $\frac{7^8 \cdot 3^8}{21^6} - \left(-\frac{1}{7}\right)^0$ .

## ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами

---

### С-22. Стандартный вид одночлена. Сложение и вычитание одночленов

---

#### Вариант 1

1. Приведите одночлен к стандартному виду и выпишите коэффициент одночлена:  
 $(-2)^4 \cdot m^2 \cdot n \cdot 3m \cdot n^4 \cdot m^5.$
2. Выполните действия с подобными одночленами:  
 $-7a^3b + 4a^3b - 8a^3b.$
3. Упростите выражение  
 $3a^2 \cdot 5ab^2 + 2a^3 \cdot 10b \cdot b.$

---

### С-22. Стандартный вид одночлена. Сложение и вычитание одночленов

---

#### Вариант 3

1. Приведите одночлен к стандартному виду и выпишите коэффициент одночлена:  
 $-5^2pq^7 \cdot (-2)^4p^3q \cdot p^2.$
2. Выполните действия с подобными одночленами:  
 $-\frac{5}{8}m^2n^3 - \frac{3}{4}m^2n^3 + \frac{5}{16}m^2n^3.$
3. Упростите выражение  
 $-3,5m^2n^3 \cdot 0,2n \cdot m^3n + 5m \cdot n^2m^2 \cdot 0,6n^2m^2n.$

## ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами

---

### С-22. Стандартный вид одночлена. Сложение и вычитание одночленов

---

#### Вариант 2

1. Приведите одночлен к стандартному виду и выпишите коэффициент одночлена:  
 $3^8 x^5 y^2 \cdot (-5x^3 y x^0)$ .
2. Выполните действия с подобными одночленами:  
 $2x^2y^2 - 3x^2y^2 + 7x^2y^2$ .
3. Упростите выражение  
 $2xy^3 \cdot 5x^3y - 3y^2x^2 \cdot 9x^2y^2$ .

---

### С-22. Стандартный вид одночлена. Сложение и вычитание одночленов

---

#### Вариант 4

1. Приведите одночлен к стандартному виду и выпишите коэффициент одночлена:  
 $(-4a^2b)^2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^5 a^3b^5$ .
2. Выполните действия с подобными одночленами:  
 $\frac{1}{6}p^4q^2 + \frac{5}{12}p^4q^2 - 2\frac{5}{9}p^4q^2$ .
3. Упростите выражение  
 $2,5c^2d \cdot 0,6d \cdot cd^2 - 4c \cdot cd^3 \cdot 0,3d \cdot c$ .

## ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами

### С-23. Сложение и вычитание одночленов

#### Вариант 1

1. Упростите выражение и найдите его значение:

$$3x^2 - 5x - 4 + 2x + x^2 + 3x - 1 \text{ при } x = \frac{1}{2}.$$

2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Туристы  $\frac{5}{9}$  всего пути проехали на автомобиле,  $\frac{3}{4}$  оставшегося пути проплыли на лодке, а остальные 5 км прошли пешком. Какой путь преодолели туристы?

### С-23. Сложение и вычитание одночленов

#### Вариант 3

1. Упростите выражение и найдите его значение:

$$-3y^2 + 6yt - 4t - 2yt - t + y^2 - 4yt \text{ при } y = -1, t = \frac{2}{5}.$$

2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

В связи с сезонной распродажей цена на куртки была снижена на 20%, а затем в связи с повышением спроса на модель увеличена на 10%. Найдите первоначальную цену куртки, если разница между первой и последней ценой составила 180 р.

## **ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами**

---

### **С-23. Сложение и вычитание одночленов**

---

#### **Вариант 2**

- 1.** Упростите выражение и найдите его значение:

$$10a^2 + a - 7 + 2a - a^2 - 3a + 3 \text{ при } a = \frac{1}{3}.$$

- 2.** Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Альпинисты при восхождении на гору в первый день преодолели  $\frac{3}{5}$  всего пути, а во второй день  $\frac{5}{8}$  оставшегося пути, а в третий день последние 870 м. На какую высоту совершили восхождение альпинисты?

---

### **С-23. Сложение и вычитание одночленов**

---

#### **Вариант 4**

- 1.** Упростите выражение и найдите его значение:

$$-8b^2 + c + bc - 2b^2 - 6bc + 3c + 5bc \text{ при } b = -1, c = \frac{3}{4}.$$

- 2.** Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Магазин увеличил розничную цену на товар по сравнению с оптовой на 20%, затем в связи с рекламной акцией снизил ее на 10%. Вычислите оптовую цену товара, если разница между оптовой и рекламной ценой составила 10 р. 80 коп.

## ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами

---

### С-24. Умножение одночленов.

Возведение одночлена в натуральную степень

---

#### Вариант 1

1. Выполните указанные действия:

а)  $\frac{2}{7}x^2y \cdot \frac{3}{4}x^3 \cdot 7y^2$ ;      б)  $(2m^3n^4)^3 \cdot 5m^2n$ .

2. Представьте заданный одночлен  $B$  в виде  $A^n$ , где  $A$  — некоторый одночлен, если  $B = 64k^6m^{12}t^6$ ,  $n = 6$ .

3. Сторона одного квадрата в 3 раза больше стороны другого квадрата, а разность площадей этих квадратов равна  $288 \text{ см}^2$ . Найдите сторону меньшего квадрата.

---

### С-24. Умножение одночленов.

Возведение одночлена в натуральную степень

---

#### Вариант 3

1. Выполните указанные действия:

а)  $\frac{8}{15}cd^3 \cdot \frac{5}{4}c^2 \cdot 6d^2$ ;      б)  $(-4m^4n^6)^3 \cdot 0,5mn$ .

2. Представьте заданный одночлен  $B$  в виде  $A^n$ , где  $A$  — некоторый одночлен, если  $B = 343a^3b^9c^{15}$ ,  $n = 3$ .

3. Стороны двух квадратов относятся как  $3 : 4$ , а сумма их площадей равна  $100 \text{ дм}^2$ . Найдите стороны данных квадратов.

## ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами

---

### С-24. Умножение одночленов.

Возведение одночлена в натуральную степень

---

#### Вариант 2

1. Выполните указанные действия:

а)  $\frac{3}{8}a^3b^2 \cdot 6ab^2 \cdot (-4b)$ ;      б)  $12x^4y^5 \cdot (-5xy^3)^2$ .

2. Представьте заданный одночлен  $B$  в виде  $A^n$ , где  $A$  — некоторый одночлен, если  $B = 128x^{14}y^{21}z^7$ ,  $n = 7$ .

3. Ребро одного куба в 2 раза меньше ребра другого куба, а сумма их объемов равна  $1125$  дм $^3$ . Найдите ребро меньшего куба.

---

### С-24. Умножение одночленов.

Возведение одночлена в натуральную степень

---

#### Вариант 4

1. Выполните указанные действия:

а)  $\frac{5}{12}p^5q^2 \cdot 0,4pq \cdot (-3q^3)$ ;      б)  $-\frac{7}{9}nt^4 \cdot (3n^2t^3)^3$ .

2. Представьте заданный одночлен  $B$  в виде  $A^n$ , где  $A$  — некоторый одночлен, если  $B = 625p^8q^{20}r^{12}$ ,  $n = 4$ .

3. Ребро одного куба относится к ребру другого куба как  $4 : 5$ . Найдите длину ребра каждого куба, если разность объемов данных кубов равна  $1647$  см $^3$ .

## **ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами**

---

### **С-25. Деление одночлена на одночлен**

---

#### **Вариант 1**

1. Выполните деление одночлена на одночлен:

$$8xy^2z^4 : (1,6y^2z).$$

2. Упростите выражение:

a)  $(5p^4q^2)^3 : (10pq)^2;$       б)  $\frac{(3a^5b^7)^4 \cdot 3a^2b}{(3ab^3)^0}.$

---

### **С-25. Деление одночлена на одночлен**

---

#### **Вариант 3**

1. Выполните деление одночлена на одночлен:

$$-1,25m^8tn^4 : \left(\frac{1}{8}mtn\right).$$

2. Упростите выражение:

a)  $(3a^3b^5c)^5 : (-3a^4b)^3;$       б)  $\frac{(2x^3y^5)^8 \cdot 2x^3y^{14}}{(2x^3y^6)^9}.$

## ТЕМА 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами

### С-25. Деление одночлена на одночлен

#### Вариант 2

1. Выполните деление одночлена на одночлен:

$$9a^2b^3c : \left(\frac{6}{5}ac\right).$$

2. Упростите выражение:

а)  $(-4x^5y^3)^2 : (2x^2y)^4;$

б)  $\frac{(5m^4n^6)^4 \cdot (5m^{12}n^{20})^0}{(5mn^3)^3}.$

### С-25. Деление одночлена на одночлен

#### Вариант 4

1. Выполните деление одночлена на одночлен:

$$-1,6p^6q^3r^2 : \left(\frac{2}{5}q^2r^2\right).$$

2. Упростите выражение:

а)  $(-6m^4k^5n)^4 : (-6m^{15}n^4);$

б)  $\frac{(10x^2t^5)^6 \cdot (10x^0t^2y)^8}{(10x^3t^9)^4}.$

## ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами

### С-26. Основные понятия

#### Вариант 1

1. Приведите многочлен к стандартному виду и запишите его в порядке убывания степеней переменной:

а)  $12a - 4a^2 + 10 - 2a + a^2;$

•б)  $2r \cdot \frac{1}{2}r^2 - 3r \cdot \frac{2}{3}r + 2r \cdot 4r - 5r \cdot \frac{3}{5} + 7 - 4r.$

2. Приведите многочлен  $p(m) = 5m^3 - 3 + 2m - 8m^3 - m$  к стандартному виду и найдите  $p(-2)$ .

### С-26. Основные понятия

#### Вариант 3

1. Приведите многочлен к стандартному виду и запишите его в порядке убывания степеней переменной:

а)  $9c^4 + 2c - 5c^2 + 7 - 2c - c^2;$

•б)  $5y^2 \cdot \frac{1}{2}y + \frac{1}{4}y \cdot 8y + 3y - 2y \cdot \frac{1}{6}y - 0,5y \cdot y^2 + 1.$

2. Приведите многочлен  $p(x, y) = x^3 - 3x^2y + xy^2 - y^3 + 6x^2y + xy^2 - x^3$  к стандартному виду и найдите  $p(-2, -1)$ .

## ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами

### С-26. Основные понятия

#### Вариант 2

- Приведите многочлен к стандартному виду и запишите его в порядке убывания степеней переменной:
  - $7x^3 + 5x^2 - 4x - 3x^2 - 7x^3 + 9;$
  - $3p \cdot \frac{5}{6}p + 15p \cdot \frac{4}{5}p^2 - \frac{9}{2}p^2 + 2p \cdot \frac{3}{4} - 3 + 2p^3.$
- Приведите многочлен  $p(a) = a^2 - 4a + 9a^2 - a - 2$  к стандартному виду и найдите  $p(-3)$ .

### С-26. Основные понятия

#### Вариант 4

- Приведите многочлен к стандартному виду и запишите его в порядке убывания степеней переменной:
  - $10b^2 + b^3 - 4b^2 + 1 - 3b + 5;$
  - $\frac{3}{2}t \cdot \frac{7}{3}t^2 - 8t \cdot \frac{3}{4}t + \frac{4}{7}t - t \cdot 2t - t^2 \cdot 3,5t - 2.$
- Приведите многочлен  $p(x, y) = x^4 + 4x^2y - 6x^2y^2 + 4xy^3 - x^4 + y^4 + 6x^2y^2 + y^4$  к стандартному виду и найдите  $p(-3, 1)$ .

## ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами

---

### C-27. Сложение и вычитание многочленов

---

#### Вариант 1

1. Найдите  $p_1(x) + p_2(x)$  и  $p_1(x) - p_2(x)$ , если

$$p_1(x) = 5x^2 - 4x + 1,$$

$$p_2(x) = 6x^2 + x - 3.$$

2. Решите уравнение  $x^2 + (5x - 2) - (3x + 1) = 3x + x^2$ .

---

### C-27. Сложение и вычитание многочленов

---

#### Вариант 3

1. Найдите  $p_1(x) + p_2(x)$  и  $p_1(x) - p_2(x)$ , если

$$p_1(x) = 2x^3 - 3x + 1,$$

$$p_2(x) = -x^3 - 2x - 1.$$

2. Решите уравнение  $2y^2 - (5 + 6y) + (y - 2y^2) = 9 - 7y$ .

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **C-27. Сложение и вычитание многочленов**

---

#### **Вариант 2**

1. Найдите  $p_1(x) + p_2(x)$  и  $p_1(x) - p_2(x)$ , если

$$p_1(x) = x^2 + 2x - 3,$$

$$p_2(x) = 2x^2 - 4x - 5.$$

2. Решите уравнение  $(4x - 9) - (2x - 3) - x^2 = 5 - (x + x^2)$ .

---

### **C-27. Сложение и вычитание многочленов**

---

#### **Вариант 4**

1. Найдите  $p_1(x) + p_2(x)$  и  $p_1(x) - p_2(x)$ , если

$$p_1(x) = x^4 - 4x^2 - 3,$$

$$p_2(x) = -3x^4 - 5x^2 - 3.$$

2. Решите уравнение  $(t^2 + 2t - 3) - (t^2 - 3t + 4) = t - 1$ .

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-28. Умножение многочлена на одночлен**

---

#### *Вариант 1*

**1. Выполните действия:**

а)  $2x^2y \cdot (y^2 - 3xy^2 + x);$   
б)  $a \cdot (a^2 - 3a) + 4 \cdot (a^2 - 1).$

**2. Решите уравнение  $7 \cdot (2x - 1) + 5 \cdot (3x + 2) = 32.$**

---

### **С-28. Умножение многочлена на одночлен**

---

#### *Вариант 3*

**1. Выполните действия:**

а)  $\frac{1}{4}c^2d^2 \cdot (4c^2 - 2cd^2 + d);$   
б)  $-0,8k \cdot (k + 5) - 0,6 \cdot (10k - 3).$

**2. Решите уравнение  $-4 \cdot (x - 2) + 5 \cdot (2x + 3) = -1.$**

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-28. Умножение многочлена на одночлен**

---

#### **Вариант 2**

**1. Выполните действия:**

а)  $a^2b^2 \cdot (a^2 + 3ab - b^2);$   
б)  $-m \cdot (m - 2) + 5m^2 \cdot (1 - 3m).$

**2. Решите уравнение  $6 \cdot (5x - 4) - 3 \cdot (3x - 2) = 5.$**

---

### **С-28. Умножение многочлена на одночлен**

---

#### **Вариант 4**

**1. Выполните действия:**

а)  $\frac{3}{5}pk^3 \cdot \left(10p^2 - 5p^3k - \frac{1}{3}k^2\right);$

б)  $-6d^2 \cdot (0,5 - d) + d \cdot (2d - 4).$

**2. Решите уравнение  $5 \cdot (4x - 3) - 7 \cdot (3x + 1) = x.$**

## ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами

### С-29. Умножение многочлена на одночлен

#### Вариант 1

1. Решите уравнение  $\frac{5x - 3}{2} + \frac{2x + 5}{3} = -3$ .
2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Лодка плыла по течению реки 3 ч и против течения реки 4 ч, проплыв за это время 82 км. Найти собственную скорость лодки, если скорость течения реки 2 км/ч.

### С-29. Умножение многочлена на одночлен

#### Вариант 3

1. Решите уравнение  $\frac{6x + 1}{3} - \frac{x - 12}{4} = \frac{1}{3}$ .
2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Из пункта *A* в пункт *B* вышел пешеход. Через 1,5 ч навстречу ему из пункта *B* выехал велосипедист, скорость которого на 8 км/ч больше скорости пешехода. Через 2 ч после выезда велосипедиста они встретились. С какой скоростью двигался велосипедист, если расстояние от *A* до *B* равно 38 км?

## ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами

### С-29. Умножение многочлена на одночлен

#### Вариант 2

1. Решите уравнение  $\frac{7x + 5}{5} - \frac{3x + 1}{2} = 1$ .

2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Катер по течению реки плыл 5 ч, а против течения реки 3 ч. Собственная скорость катера 18 км/ч. Найти скорость течения реки, если по течению катер проплыл на 48 км больше, чем против течения.

### С-29. Умножение многочлена на одночлен

#### Вариант 4

1. Решите уравнение  $\frac{6x - 5}{5} - \frac{3x + 4}{4} = \frac{1}{4}$ .

2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.

Скорость одного велосипедиста на 4 км/ч больше скорости другого, поэтому он за 3 ч проезжает на 5 км больше, чем другой велосипедист за 3,5 ч. С какой скоростью движется каждый велосипедист?

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-30. Умножение многочлена на многочлен**

---

#### *Вариант 1*

**1. Выполните действия:**

- a)  $(y + 4) \cdot (y - 2)$ ;
- б)  $(3x - 5) \cdot (2x + 9)$ ;
- в)  $(m + 1) \cdot (m^2 - m + 3)$ .

**2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.**

Квадрат данного натурального числа на 7 меньше удвоенного произведения двух соседних с ним чисел. Найти эти числа.

---

### **С-30. Умножение многочлена на многочлен**

---

#### *Вариант 3*

**1. Выполните действия:**

- а)  $(-c - 3) \cdot (c + 1)$ ;
- б)  $(11a - 4) \cdot (3 - 2a)$ ;
- в)  $(x - t) \cdot (x^2 + 2xt - 3t^2)$ .

**2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.**

Периметр прямоугольника 280 м. Если длину прямоугольника уменьшить на 30 м, а ширину увеличить на 20 м, то его площадь уменьшится на 300 м<sup>2</sup>. Найти длину и ширину данного прямоугольника.

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-30. Умножение многочлена на многочлен**

---

#### **Вариант 2**

**1. Выполните действия:**

- а)  $(t - 3) \cdot (t + 5)$ ;
- б)  $(4x - 7) \cdot (3x - 8)$ ;
- в)  $(b - 2) \cdot (b^2 + 3b - 4)$ .

**2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.**

Даны три натуральных числа, первое из которых на 7 меньше второго, а третье на 7 больше второго. Известно, что утроенный квадрат второго числа на 249 больше произведения двух других. Найти эти числа.

---

### **С-30. Умножение многочлена на многочлен**

---

#### **Вариант 4**

**1. Выполните действия:**

- а)  $(n + 7) \cdot (-n - 4)$ ;
- б)  $(13p - 1) \cdot (13p + 1)$ ;
- в)  $(a + b) \cdot (a^2 - ab + b^2)$ .

**2. Решите задачу, выделяя три этапа математического моделирования.**

Периметр прямоугольника 180 м. Если его длину увеличить на 20 м, а ширину уменьшить на 10 м, то площадь увеличится на 100 м<sup>2</sup>. Найти длину и ширину данного прямоугольника.

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

### **С-31. Формулы сокращенного умножения. Квадрат двучлена**

### **Вариант 1**

1. Раскройте скобки:
    - $(t + m)^2$ ; г)  $(3m - 2t)^2$ ;
    - $(t - 3)^2$ ; д)  $(3m^2 + t^3)^2$ .
    - $(2t + 1)^2$ ;
  2. Замените пропуски, отмеченные символом \* так, чтобы выполнялось равенство  $(4a + *)^2 = * + * + 9b^2$ .
  3. Используя формулы сокращенного умножения для  $(a + b)^2$  и  $(a - b)^2$ , вычислите:
    - $49^2$ ;
    - $\left(19\frac{5}{19}\right)^2$ .

### **С-31. Формулы сокращенного умножения. Квадрат двучлена**

### **Вариант 3**

1. Раскройте скобки:
    - $(p + q)^2$ ;    г)  $(6p + 5q)^2$ ;
    - $(p - 8)^2$ ;    д)  $(p^3 - 2q^2)^2$ .
    - $(7y - 1)^2$ ;
  2. Замените пропуски, отмеченные символом \* так, чтобы выполнялось равенство  $(* - 2y)^2 = * - 28xy + *$ .
  3. Используя формулы сокращенного умножения для  $(a + b)^2$  и  $(a - b)^2$ , вычислите:
    - $71^2$ ;
    - $\left(-23\frac{3}{23}\right)^2$ .

## ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами

### С-31. Формулы сокращенного умножения. Квадрат двучлена

#### Вариант 2

1. Раскройте скобки:
  - $(k - y)^2$ ; г)  $(4k + 3y)^2$ ;
  - $(k + 7)^2$ ; д)  $(k^2 - 5y)^2$ .
  - $(2k - 5)^2$ ;
2. Замените пропуски, отмеченные символом \*, чтобы выполнялось равенство  $(* + *)^2 = 36m^2 + * + 49n^2$ .
3. Используя формулы сокращенного умножения для  $(a + b)^2$  и  $(a - b)^2$ , вычислите:
  - $51^2$ ;
  - $\left(19\frac{19}{20}\right)^2$ .

### С-31. Формулы сокращенного умножения. Квадрат двучлена

#### Вариант 4

1. Раскройте скобки:
  - $(c - x)^2$ ; г)  $(5c - 9x)^2$ ;
  - $(-c - 4)^2$ ; д)  $(-c^2 + 3x^4)^2$ .
  - $(6c + 7)^2$ ;
2. Замените пропуски, отмеченные символом \*, чтобы выполнялось равенство  $(* - *)^2 = 25p^4 - 80p^2q + *$ .
3. Используя формулы сокращенного умножения для  $(a + b)^2$  и  $(a - b)^2$ , вычислите:
  - $89^2$ ;
  - $\left(-14\frac{13}{15}\right)^2$ .

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-32. Формулы сокращенного умножения. Разность квадратов**

---

#### **Вариант 1**

**1. Выполните умножение:**

- а)  $(x - 5) \cdot (x + 5)$ ;      в)  $(4x - 9y) \cdot (4x + 9y)$ ;  
б)  $(7c + 3) \cdot (7c - 3)$ ;      г)  $(a^2 - 2b) \cdot (a^2 + 2b)$ .

**2. Используя формулу  $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$ , вычислите  $79 \cdot 81$ .**

---

### **С-32. Формулы сокращенного умножения. Разность квадратов**

---

#### **Вариант 3**

**1. Выполните умножение:**

- а)  $(m + 4) \cdot (m - 4)$ ;      в)  $(12a + 7b) \cdot (12a - 7b)$ ;  
б)  $(5n - p) \cdot (5n + p)$ ;      г)  $(10x^4 - y^2) \cdot (10x^4 + y^2)$ .

**2. Используя формулу  $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$ , вычислите  $72 \cdot 68$ .**

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

### **С-32. Формулы сокращенного умножения. Разность квадратов**

#### **Вариант 2**

**1. Выполните умножение:**

а)  $(6 - a) \cdot (6 + a)$ ;      в)  $(8x + 7b) \cdot (8x - 7b)$ ;  
б)  $(11y - 4) \cdot (11y + 4)$ ;      г)  $(15c^3 - 1) \cdot (15c^3 + 1)$ .

**2. Используя формулу  $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$ , вычислите  $49 \cdot 51$ .**

### **С-32. Формулы сокращенного умножения. Разность квадратов**

#### **Вариант 4**

**1. Выполните умножение:**

а)  $(3 + z) \cdot (z - 3)$ ;      в)  $(9b - 2c) \cdot (9b + 2c)$ ;  
б)  $(y - 13q) \cdot (y + 13q)$ ;      г)  $(14m^3 + 5y^4) \cdot (14m^3 - 5y^4)$ .

**2. Используя формулу  $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$ , вычислите  $92 \cdot 88$ .**

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-33. Формулы сокращенного умножения.**

**Сумма и разность кубов. Комбинации различных формул**

---

#### **Вариант 1**

**1. Упростите выражение и найдите его значение:**

$$(5x + 4) \cdot (25x^2 - 20x + 16) - 64; \text{ при } x = 2.$$

**2. Преобразуйте в многочлен стандартного вида:**

$$(2x + 1)^2 - (x - 5) \cdot (x + 5).$$

**3. Решите уравнение**

$$(x - 4) \cdot (x + 4) - 6x = (x - 2)^2.$$

---

### **С-33. Формулы сокращенного умножения.**

**Сумма и разность кубов. Комбинации различных формул**

---

#### **Вариант 3**

**1. Упростите выражение и найдите его значение:**

$$t^3 - (t - 6y) \cdot (t^2 + 6ty + 36y^2); \text{ при } y = \frac{1}{3}, t = \frac{3}{8}.$$

**2. Преобразуйте в многочлен стандартного вида:**

$$(4y + 7) \cdot (4y - 7) - (5y - 7)^2.$$

**3. Решите уравнение**

$$(x - 8) \cdot (x + 8) + 8x^2 = (3x - 5)^2 + 1.$$

## **ТЕМА 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами**

---

### **С-33. Формулы сокращенного умножения.**

**Сумма и разность кубов. Комбинации различных формул**

---

#### **Вариант 2**

**1. Упростите выражение и найдите его значение:**

$$(2a - b) \cdot (4a^2 + 2ab + b^2) + b^3; \text{ при } a = -2, b = \frac{1}{201}.$$

**2. Преобразуйте в многочлен стандартного вида:**

$$(3a - 2) \cdot (3a + 2) + (2a - 3)^2.$$

**3. Решите уравнение**

$$(2x + 3)^2 - 7x = (2x - 1) \cdot (2x + 1).$$

---

### **С-33. Формулы сокращенного умножения.**

**Сумма и разность кубов. Комбинации различных формул**

---

#### **Вариант 4**

**1. Упростите выражение и найдите его значение:**

$$343y^3 - (7y + 3z) \cdot (49y^2 - 21yz + 9z^2); \text{ при } y = 48, z = \frac{2}{3}.$$

**2. Преобразуйте в многочлен стандартного вида:**

$$(6t - 1)^2 - (6 - t) \cdot (6 + t).$$

**3. Решите уравнение**

$$(3x + 1)^2 + (4x - 3) \cdot (4x + 3) = 5x \cdot (5x - 2).$$

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### C-34. Вынесение общего множителя за скобки

---

#### Вариант 1

1. Вынесите общий множитель за скобки:

а)  $2a - 4$ ;  
б)  $3x - 2x^2 + x^3$ ;  
в)  $p^2q + pq^2$ ;

г)  $5m^2b - 10mb$ ;  
д)  $6x \cdot (x - y) + y \cdot (x - y)$ .

2. Решите уравнение  $y^2 + 6y = 0$ .

3. Докажите, что значение выражения  $5^5 + 5^6$  кратно 3.

---

### C-34. Вынесение общего множителя за скобки

---

#### Вариант 3

1. Вынесите общий множитель за скобки:

а)  $12x - 6y$ ;  
б)  $2m^3 - 6m + 3m^2$ ;  
в)  $-p^4q^2 + p^2q^3$ ;

г)  $9a^2b^3 + 18ab$ ;  
д)  $(x + 2) - x \cdot (x + 2)$ .

2. Решите уравнение  $2y^2 + 8y = 0$ .

3. Докажите, что значение выражения  $4^6 + 2^9$  кратно 3.

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

### С-34. Вынесение общего множителя за скобки

#### Вариант 2

- Вынесите общий множитель за скобки:
  - $5c + 10$ ;
  - $8a^2 + 3a - 2a^3$ ;
  - $m^2n^2 - mn^3$ ;
  - $7x^2y^3 - 21x^3y^8$ ;
  - $m \cdot (m + 2) - 4 \cdot (m + 2)$ .
- Решите уравнение  $5t^2 - t = 0$ .
- Докажите, что значение выражения  $6^8 - 6^7$  кратно 5.

### С-34. Вынесение общего множителя за скобки

#### Вариант 4

- Вынесите общий множитель за скобки:
  - $8p^2 - 24$ ;
  - $4c^4 - 12c^2 - 3c^3$ ;
  - $x^7y^5 - x^5y^7$ ;
  - $14y^8z + 35yz^2$ ;
  - $n \cdot (m - n) + 2m \cdot (n - m)$ .
- Решите уравнение  $4x - 6x^2 = 0$ .
- Докажите, что значение выражения  $27^4 - 3^{10}$  кратно 8.

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### С-35. Способ группировки

---

#### Вариант 1

1. Разложите на множители:

а)  $12b - 12x + b^2 - bx$ ;

б)  $21y^3 + 7y^2 - 45y - 15$ .

2. Найдите значение выражения

$$5cx - 5c^2 + x^2 - cx$$

при  $x = -2$ ,  $c = 1$ .

3. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$6,4 \cdot 4,1 + 3,6 \cdot 2,2 + 6,4 \cdot 2,2 + 3,6 \cdot 4,1.$$

---

### С-35. Способ группировки

---

#### Вариант 3

1. Разложите на множители:

а)  $11 + 44x - x^2 - 4x^3$ ;

б)  $63mn - 28m + 36m^2 - 49n$ .

2. Найдите значение выражения

$$15mn - 2n + 15m^2 - 2m$$

при  $m = \frac{2}{15}$ ,  $n = -2$ .

3. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$5 \cdot \frac{5}{9} - \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{9} - \frac{1}{3} \cdot 5 + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3}.$$

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### C-35. Способ группировки

---

#### Вариант 2

1. Разложите на множители:

а)  $t^2 + tx + 11x + 11t$ ;  
б)  $8m^2 - 2m^3 - 4 + m$ .

2. Найдите значение выражения

$$18k^2 + 7y - 7ky - 18k$$

при  $k = \frac{1}{9}$ ,  $y = \frac{2}{7}$ .

3. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$0,7 \cdot 2,7 - 1,4 \cdot 0,7 + 0,3 \cdot 2,7 - 1,4 \cdot 0,3.$$

---

### C-35. Способ группировки

---

#### Вариант 4

1. Разложите на множители:

а)  $13a - 13b + 15a^2 - 15ab$ ;  
б)  $42a + 30p^2 - 35ap - 36p$ .

2. Найдите значение выражения

$$9x^2 - 14y - 14xy + 9x$$

при  $x = \frac{5}{9}$ ,  $y = \frac{5}{14}$ .

3. Вычислите наиболее рациональным способом:

$$0,85 \cdot \frac{1}{6} + \frac{1}{3} \cdot 0,85 - \frac{1}{6} \cdot 0,65 - 0,65 \cdot \frac{1}{3}.$$

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### С-36. Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Разность квадратов

---

*Вариант 1*

1. Разложите на множители:

а)  $m^2 - 81$ ;

г)  $36m^4 - k^2p^2$ ;

б)  $b^2 - 121c^2$ ;

д)  $(a + 3)^2 - 144$ .

в)  $169m^2 - 16n^2$ ;

2. Решите уравнение  $x^2 - 289 = 0$ .

---

### С-36. Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Разность квадратов

---

*Вариант 3*

1. Разложите на множители:

а)  $49 - x^2$ ;

г)  $t^4q^6 - 64p^2$ ;

б)  $9m^2 - 225n^2$ ;

д)  $144 - (m - 4)^2$ .

в)  $36x^2y^2 - 1$ ;

2. Решите уравнение  $49x^2 - 1 = 0$ .

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

**С-36.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Разность квадратов

---

### Вариант 2

1. Разложите на множители:

- а)  $100 - q^2$ ;      г)  $a^2b^4 - 9c^2$ ;  
б)  $196p^2 - r^2$ ;      д)  $(m - 1)^2 - 121$ .  
в)  $25x^2 - 289y^2$ ;

2. Решите уравнение  $x^2 - 144 = 0$ .

---

**С-36.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Разность квадратов

---

### Вариант 4

1. Разложите на множители:

- а)  $64p^2 - q^2$ ;      г)  $25q^4 - 169t^6$ ;  
б)  $1 - 81b^2$ ;      д)  $121 - (a + 3)^2$ .  
в)  $16c^2d^2 - 9$ ;

2. Решите уравнение  $36x^2 - 169 = 0$ .

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### С-37. Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Сумма и разность кубов

---

#### Вариант 1

1. Разложите на множители:

а)  $p^3 - t^3$ ;      в)  $8t^3 + 1$ ;  
б)  $27 - p^3$ ;      г)  $8p^3 + 125t^3$ .

2. Докажите, что  $23^3 + 32^3$  делится на 55.

---

### С-37. Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Сумма и разность кубов

---

#### Вариант 3

1. Разложите на множители:

а)  $64a^3 - 1$ ;      в)  $\frac{8}{27}a^3 - \frac{1}{64}b^3$ ;  
б)  $8b^3 + a^3$ ;      г)  $216a^3 - b^6$ .

2. Докажите, что  $36^3 + 63^3$  делится на 11.

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

**С-37.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Сумма и разность кубов

---

*Вариант 2*

1. Разложите на множители:

а)  $m^3 + n^3$ ;      в)  $\frac{1}{125}m^3 - 27$ ;

б)  $125 + n^3$ ;      г)  $27n^3 - 64m^3$ .

2. Докажите, что  $57^3 - 27^3$  делится на 30.

---

**С-37.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Сумма и разность кубов

---

*Вариант 4*

1. Разложите на множители:

а)  $x^3 + 125y^3$ ;      в)  $0,001x^3 - 8y^3$ ;

б)  $1 - 27y^3$ ;      г)  $x^3y^9 + 343$ .

2. Докажите, что  $87^3 - 42^3$  делится на 15.

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

**С-38.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Квадрат двучлена

---

*Вариант 1*

1. Разложите на множители:

$$\begin{array}{ll} \text{а)} c^2 - 2cm + m^2; & \text{в)} 81c^2 - 36cm + 4m^2; \\ \text{б)} 9 + 6c + c^2; & \text{г)} 25c^2 + 10cm^2 + m^4. \end{array}$$

2. Вычислите, предварительно упростив числовое выражение с помощью формул сокращенного умножения:

$$\frac{29^2 + 2 \cdot 29 \cdot 21 + 21^2}{26^2 - 24^2}.$$

---

**С-38.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Квадрат двучлена

---

*Вариант 3*

1. Разложите на множители:

$$\begin{array}{ll} \text{а)} 9b^2 - 6bd + d^2; & \text{в)} 36b^2 - 60bd + 25d^2; \\ \text{б)} 16d^2 + 24d + 9; & \text{г)} \frac{1}{4}d^2 + bd + b^2. \end{array}$$

2. Вычислите, предварительно упростив числовое выражение с помощью формул сокращенного умножения:

$$\frac{(0,6)^2 - 0,6 + (0,5)^2}{0,13^2 + 2 \cdot 0,13 \cdot 0,12 + 0,12^2}.$$

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

**С-38.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Квадрат двучлена

---

*Вариант 2*

1. Разложите на множители:

а)  $k^2 + 2kn + n^2$ ;      в)  $16k^2 + 40kn + 25n^2$ ;  
б)  $n^2 - 8n + 16$ ;      г)  $k^2n^2 - 2kn + 1$ .

2. Вычислите, предварительно упростив числовое выражение с помощью формул сокращенного умножения:

$$\frac{53^2 + 2 \cdot 53 \cdot 47 + 47^2}{76^2 - 2 \cdot 76 \cdot 51 + 51^2}.$$

---

**С-38.** Разложение многочленов на множители с помощью формул сокращенного умножения. Квадрат двучлена

---

*Вариант 4*

1. Разложите на множители:

а)  $4t^2 + 28t + 49$ ;      в)  $0,25t^2 - 3ty + 9y^2$ ;  
б)  $0,04t^2 - 0,4tx + x^2$ ;      г)  $\frac{4}{25}y^4 + y^2t^3 + \frac{25}{16}t^6$ .

2. Вычислите, предварительно упростив числовое выражение с помощью формул сокращенного умножения:

$$\frac{5,2^2 - 4,8^2}{1,1^2 - 2 \cdot 1,1 + 1}.$$

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### С-39. Разложение многочленов на множители с помощью комбинации различных приемов

---

#### Вариант 1

1. Разложите на множители:

а)  $2m^3 - 18m$ ;

в)  $6n^3 + 6m^3$ ;

б)  $7m^2 + 14mn + 7n^2$ ;

г)  $16m^4 - 81n^4$ .

2. Решите уравнение

$$2x^3 - 8x = 0.$$

•3. Разложите многочлен  $a^2 - 8a - 9$  на множители, выделив полный квадрат двучлена.

---

### С-39. Разложение многочленов на множители с помощью комбинации различных приемов

---

#### Вариант 3

1. Разложите на множители:

а)  $z^8 - 121z$ ;

в)  $z^4 - 27zy^3$ ;

б)  $20t^3 + 20t^2 + 5t$ ;

г)  $t^2 - y^2 + 2t - 2y$ .

2. Решите уравнение

$$x^3 + 2x^2 + x = 0.$$

•3. Разложите многочлен  $49a^2 + 14ab - 8b^2$  на множители, выделив полный квадрат двучлена.

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### С-39. Разложение многочленов на множители с помощью комбинации различных приемов

---

#### Вариант 2

1. Разложите на множители:

а)  $28 - 7y^2$ ;

в)  $x^3y + 8y$ ;

б)  $-11x^2 + 22x - 11$ ;

г)  $(y^2 - 1)^2 - 9$ .

2. Решите уравнение

$$3x^3 - 27x = 0.$$

•3. Разложите многочлен  $c^2 + 6c - 40$  на множители, выделив полный квадрат двучлена.

---

### С-39. Разложение многочленов на множители с помощью комбинации различных приемов

---

#### Вариант 4

1. Разложите на множители:

а)  $12a^2b - 27b^3$ ;

в)  $2a^4 - 16ab^3$ ;

б)  $-40x^3 - 120x^2y - 90xy^2$ ;

г)  $(x^3 + 8) - (3x + 6)$ .

2. Решите уравнение

$$x^3 - x^2 - 25x + 25 = 0.$$

•3. Разложите многочлен  $81y^2 - 36xy - 60x^2$  на множители, выделив полный квадрат двучлена.

## ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

---

### C-40. Сокращение алгебраических дробей

---

#### Вариант 1

Сократите дробь:

а)  $\frac{21a^3b^5}{35a^4b^2}$ ;

г)  $\frac{4a^2 - 9}{10a + 15}$ ;

б)  $\frac{6x^2 \cdot (x + y)}{9xy \cdot (x + y)}$ ;

д)  $\frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 - b^2}$ ;

в)  $\frac{5m - 5n}{m^2n - mn^2}$ ;

е)  $\frac{x^3 + 1}{x^2 + x}$ .

---

### C-40. Сокращение алгебраических дробей

---

#### Вариант 3

Сократите дробь:

а)  $\frac{33m^2n^6k}{77m^5n^6}$ ;

г)  $\frac{9y^2 - 25z^2}{12y - 20z}$ ;

б)  $\frac{b^2 \cdot (b + c)}{(b - 2) \cdot (b + c)}$ ;

д)  $\frac{9x^2 + 24xy + 16y^2}{9x^2 - 16y^2}$ ;

в)  $\frac{t^2 - t}{4 - 4t}$ ;

е)  $\frac{x^3 + 8}{x^2 - 4}$ .

# ТЕМА 7. Разложение многочленов на множители

## С-40. Сокращение алгебраических дробей

### Вариант 2

Сократите дробь:

а)  $\frac{30x^4y^8}{55x^2y^7z}$ ;

г)  $\frac{14t - 21z}{4t^2 - 9z^2}$ ;

б)  $\frac{4a \cdot (a - 1)}{8a^2b \cdot (a - 1)}$ ;

д)  $\frac{m^2 - 4m + 4}{m^2 - 2m}$ ;

в)  $\frac{c^2 + cd}{8c + 8d}$ ;

е)  $\frac{2x - 4}{x^3 - 8}$ .

## С-40. Сокращение алгебраических дробей

### Вариант 4

Сократите дробь:

а)  $\frac{36p^4q^6}{48p^5q^9r}$ ;

г)  $\frac{20a + 35b}{49b^2 - 16a^2}$ ;

б)  $\frac{(x - 4) \cdot (x + 2)}{4x \cdot (x + 2)}$ ;

д)  $\frac{25c^2 - 4a^2}{4a^2 - 20ac + 25c^2}$ ;

в)  $\frac{2p^2 - 8p}{12 - 3p}$ ;

е)  $\frac{x^2 - 9}{x^3 - 27}$ .

## ТЕМА 8. Функция $y = x^2$

### С-41. Функция $y = x^2$ и ее график

#### Вариант 1

1. Постройте график функции  $y = x^2$ .

Найдите:

- значение  $y$ , если  $x$  равен:  $-4; -1; 0; 2$ ;
- значения  $x$ , при которых  $y = 4$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[0; 2]$ .

2. Принадлежат ли графику функции  $y = -x^2$  точки  $A(-9; 81)$ ,  $B(9; -81)$ ?

### С-41. Функция $y = x^2$ и ее график

#### Вариант 3

1. Постройте график функции  $y = x^2$ .

Найдите:

- значения функции, соответствующие следующим значениям аргумента:  $-2; -1; \frac{1}{2}; 3$ ;
- значения  $x$ , при которых  $y = 9$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[-2; 1]$ .

2. Принадлежат ли графику функции  $y = -x^2$  точки  $A(5; -25)$ ,  $B\left(\frac{1}{5}; \frac{1}{25}\right)$ ?

## ТЕМА 8. Функция $y = x^2$

---

### С-41. Функция $y = x^2$ и ее график

---

#### Вариант 2

1. Постройте график функции  $y = -x^2$ .

Найдите:

- значение  $y$ , если  $x$  равен:  $-3; -2; 0; 1$ ;
- значения  $x$ , при которых  $y = -1$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[-3; -1]$ .

2. Принадлежат ли графику функции  $y = x^2$  точки  $A(11; 121)$ ,  $B(-1; -1)$ ?

---

### С-41. Функция $y = x^2$ и ее график

---

#### Вариант 4

1. Постройте график функции  $y = -x^2$ .

Найдите:

- значения функции, соответствующие следующим значениям аргумента:  $-3; -\frac{1}{2}; 1; 2$ ;
- значения  $x$ , при которых  $y = -16$ ;
- наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[-1; 3]$ .

2. Принадлежат ли графику функции  $y = x^2$  точки  $A(-8; -64)$ ,  $B\left(-\frac{1}{6}; \frac{1}{36}\right)$ ?

## **ТЕМА 8. Функция $y = x^2$**

---

### **С-42. Графическое решение уравнений**

---

#### *Вариант 1*

1. Найдите координаты точек пересечения параболы  $y = -x^2$  и прямой  $y = -9$ .
2. Решите графически уравнение  $2x + 8 = x^2$ .

---

### **С-42. Графическое решение уравнений**

---

#### *Вариант 3*

1. Найдите координаты точек пересечения параболы  $y = x^2$  и прямой  $y = 3x$ .
2. Решите графически уравнение  $2x - 3 = -x^2$ .

## ТЕМА 8. Функция $y = x^2$

---

### С-42. Графическое решение уравнений

---

#### Вариант 2

1. Найдите координаты точек пересечения параболы  $y = -x^2$  и прямой  $y = -2x$ .
2. Решите графически уравнение  $x^2 = -3x + 4$ .

---

### С-42. Графическое решение уравнений

---

#### Вариант 4

1. Найдите координаты точек пересечения параболы  $y = x^2$  и прямой  $y = 3x - 2$ .
2. Решите графически уравнение  $-x^2 = 4x$ .

## ТЕМА 8. Функция $y = x^2$

---

**С-43.** Что означает в математике запись  $y = f(x)$

---

*Вариант 1*

1. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = -6x$ . Найдите:

$$f(-3); f\left(\frac{1}{2}\right); f(a); f(a - 1).$$

2. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } x < -1; \\ x^2, & \text{если } -1 \leq x \leq 3. \end{cases}$

а) Вычислите  $f(-3); f(-1); f(3)$ .

б) Постройте график функции.

---

**С-43.** Что означает в математике запись  $y = f(x)$

---

*Вариант 3*

1. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = -x^2$ . Найдите:

$$f\left(\frac{1}{4}\right); f(0); f(2a); f(a^2 + 1).$$

2. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = \begin{cases} -x^2, & \text{если } x < 0; \\ x - 2, & \text{если } x \geq 0. \end{cases}$

а) Вычислите  $f(-3); f(0); f(2)$ .

б) Постройте график функции.

## ТЕМА 8. Функция $y = x^2$

---

**С-43.** Что означает в математике запись  $y = f(x)$

---

*Вариант 2*

1. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = x + 4$ . Найдите:  
 $f(-4); f(2); f(b); f(b + 2)$ .
2. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = \begin{cases} x^2, & \text{если } x \leq 0; \\ -2x, & \text{если } x > 0. \end{cases}$ 
  - а) Вычислите  $f(-2); f(0); f(3)$ .
  - б) Постройте график функции.

---

**С-43.** Что означает в математике запись  $y = f(x)$

---

*Вариант 4*

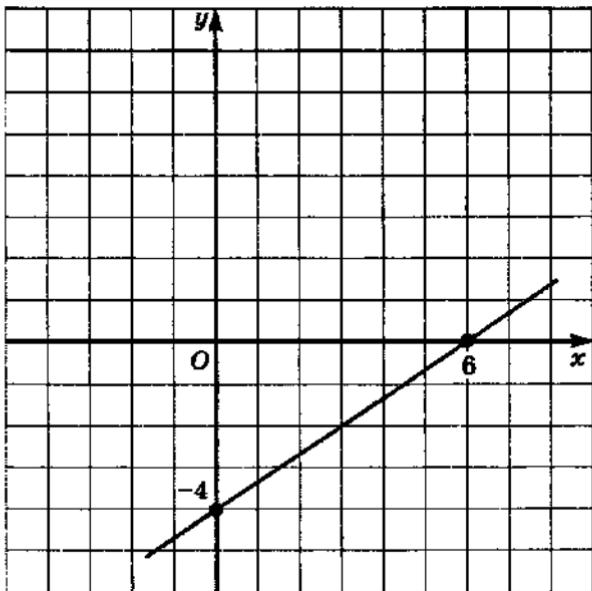
1. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = x^2$ . Найдите:  
 $f(0); f(-3); f(a^2); f((a - 3)^2)$ .
2. Данна функция  $y = f(x)$ , где  $f(x) = \begin{cases} -x^2, & \text{если } -2 \leq x \leq 1; \\ -2x + 3, & \text{если } x > 1. \end{cases}$ 
  - а) Вычислите  $f(-2); f(1); f(2)$ .
  - б) Постройте график функции.

# Итоговое повторение

## С-44.

### Вариант 1

1. Преобразуйте выражение  $(2x - 3)(x + 2) + (x - 4)(x + 4)$  в многочлен стандартного вида.
2. Сократите дробь  $\frac{9 - a^2}{3ab + 9b}$ .
3. Постройте график линейного уравнения с двумя переменными  $2x + y - 6 = 0$ .
4. Задайте формулой линейную функцию  $y = kx + m$ , график которой изображен на рисунке.

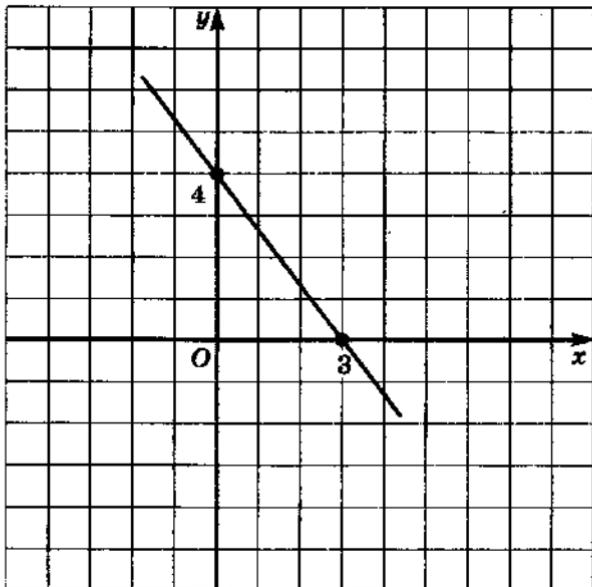


# Итоговое повторение

## C-44.

### Вариант 2

1. Преобразуйте выражение  $(5 + a)^2 + (3a - 1)(a - 2)$  в многочлен стандартного вида.
2. Сократите дробь  $\frac{2a^2b - 4ab}{a^2 - 4a + 4}$ .
3. Постройте график линейного уравнения с двумя переменными  $x - 2y + 4 = 0$ .
4. Задайте формулой линейную функцию  $y = kx + m$ , график которой изображен на рисунке.

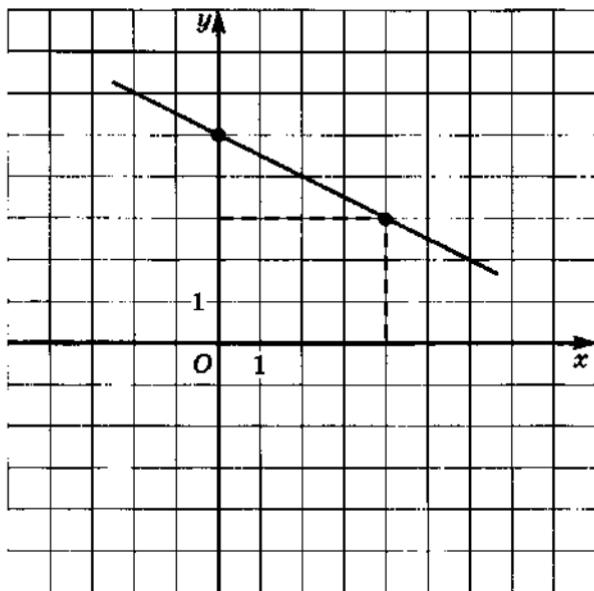


# Итоговое повторение

## C-44.

### Вариант 3

1. Преобразуйте выражение  $(3x - 4)(x + 1) - (3 - 2x)^2$  в многочлен стандартного вида.
2. Сократите дробь  $\frac{x^3 - 64y^3}{x^3 + 4x^2y + 16xy^2}$ .
3. Постройте график линейного уравнения с двумя переменными  $5x - 2y + 10 = 0$ .
4. Задайте формулой линейную функцию  $y = kx + m$ , график которой изображен на рисунке.

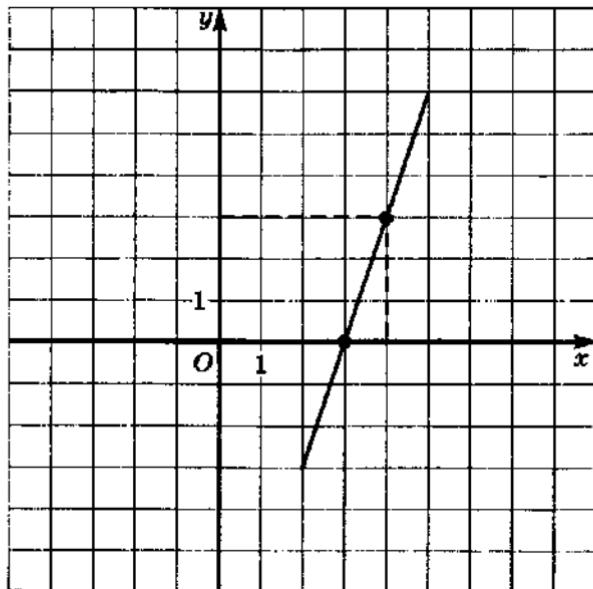


# Итоговое повторение

## С-44.

### Вариант 4

1. Преобразуйте выражение  $(4 - a)(3a + 5) - (5 - 2a)(5 + 2a)$  в многочлен стандартного вида.
2. Сократите дробь  $\frac{x^3 + 27y^3}{x^2 - 9y^2}$ .
3. Постройте график линейного уравнения с двумя переменными  $4x + 3y - 12 = 0$ .
4. Задайте формулой линейную функцию  $y = kx + m$ , график которой изображен на рисунке.



**ОТВЕТЫ**

C	№ задания	1 вариант	2 вариант	3 вариант	4 вариант
1	1	$9\frac{1}{4}$	6	$-1\frac{3}{20}$	$-\frac{11}{30}$
	2	23	3,1	14	0,9
2	1	-4,3	-1,6	-4,5	$2\frac{1}{4}$
	3	$-\frac{7}{5}$	-1	1	$\frac{2}{3}$
5	2	159 кг	880 очков	24 км	8 км
8	3	$a = 4$	$b = -3$	$a = 2, c = 6$	$a = -3, b = 5$
13	а	(-3; 9)	(10; 2)	(-0,5; 4)	(7; 2)
	б	(1; -2)	(2; -4)	(-3; 2)	(1; 2)
14	а	(5; 2)	(5; 2)	(-2; -7)	(-1; 4)
	б	(-2; 3)	(-4; 1)	(-1,5; 0,5)	(5; -2)
15	1а	(2; 9)	(2; 2)	$\left(3\frac{1}{2}; 4\right)$	$\left(2; -1\frac{1}{2}\right)$
	1б	(2; 1)	(-2; 11)	(-11; 5)	(0; -2)

C	№ задания	1 вариант	2 вариант	3 вариант	4 вариант
16	1	(3; -1)	(2; -1)	(5; -4,5)	(1; -1,2)
	2	$y = 3x + 3$	$y = -0,5x + 1$	$y = -3x + 6$	$y = 0,5x + 2$
17	1	10 см, 17 см	5 см, 8 см	$\frac{4}{7}$	160 и 240
	2	12,5 км/ч и 2,5 км/ч	80 монет по 5 р. и 40 монет по 2 р.	400 м <sup>3</sup> , 500 м <sup>3</sup>	18 р., 20 р.
18	2в	-15 $\frac{5}{8}$	$21\frac{7}{8}$	$\frac{3}{128}$	4500
	16	±2	±3	±2	±3
19	1г	6	8	2	1
	20	243	512	5	7
21	3	226	325	576	440
22	3	$35a^3b^2$	$-\frac{1}{3}xy^4$	$2,3m^5n^3$	$0,3c^3d^4$
23	2	45 км	5800 м	1500 р.	135 р.
24	3	6 см	5 дм	6 дм, 8 дм	12 см, 15 см

C	№ задания	1 вариант	2 вариант	3 вариант	4 вариант
25	2a	$1,25p^{10}q^4$	$x^2y^2$	$-9a^3b^2c^5$	$-216mk^{20}$
26	26	$243x^{22}b^{23}$	$5m^{13}n^5$	1	$100\,000y^3$
•16		$r^3 + 6r^2 - 7r + 7$	$14p^3 - 2p^2 +$ $+ 1,5p - 3$	$2y^3 + 1\frac{2}{3}y^2 +$ $+ 3y + 1$	$-8t^2 + \frac{4}{7}t - 2$
2	2	19	103	-15	26
27	2	$x = -3$	$x = 3\frac{2}{3}$	$y = 7$	$t = \frac{3}{2}$
28	2	$x = 1$	$x = 1\frac{2}{21}$	$x = -4$	$x = -11$
29	1	$x = -1$	$x = -5$	$x = -1\frac{5}{7}$	$x = 5$
30	2	12 км/ч	1,5 км/ч	12 км/ч	18 км/ч, 14 км/ч
31	36	$371\frac{25}{361}$	$398\frac{1}{400}$	$535\frac{9}{529}$	$221\frac{4}{225}$
32	2	6399	4896	2499	8096

C	№ задания	1 вариант	2 вариант	3 вариант	4 вариант
33	1	1000	-64	8	-8
33	3	-10	-2	3	$\frac{1}{2}$
35	2	-9	0	0	0
35	3	63	1,3	1	0,1
38	2	25	16	$\frac{4}{25}$	400
39	2	0; ±2	$0; \pm 3$	0; -1	$1; \pm 5$
39	3	$(a-9) \cdot (a+1)$	$(c+10) \cdot (c-4)$	$(7a+4b) \cdot (7a-2b)$	$(9y-10x) \cdot (9y+6x)$
B		$\frac{5}{mn}$	$\frac{c}{8}$	$-\frac{t}{4}$	$-\frac{2p}{3}$
Г		$\frac{2a-3}{5}$	$\frac{7}{2t+3z}$	$\frac{3y+5z}{4}$	$\frac{5}{7b-4x}$
40	A	$\frac{a+b}{a-b}$	$\frac{m-2}{m}$	$\frac{3x+4y}{3x-4y}$	$\frac{5c+2a}{5c-2a}$
E		$\frac{x^2-x+1}{x}$	$\frac{2}{x^2+2x+4}$	$\frac{x^2-2x+4}{x-2}$	$\frac{x+3}{x^2+3x+9}$
43	1	$f(a-1) = -6a + 6$	$f(b+2) = b + 6$	$f(a^2+1) = -(a^2+1)^2$	$f(a-3)^2 = (a-3)^4$

## **Содержание**

Предисловие .....	3
Примерное тематическое планирование .....	5
Тема 1. Математический язык. Математическая модель	8
Тема 2. Линейная функция .....	20
Тема 3. Системы двух линейных уравнений с двумя переменными .....	32
Тема 4. Степень с натуральным показателем и ее свойства .....	44
Тема 5. Одночлены. Арифметические операции над одночленами .....	52
Тема 6. Многочлены. Арифметические операции над многочленами .....	60
Тема 7. Разложение многочленов на множители .....	76
Тема 8. Функция $y = x^2$ .....	90
Итоговое повторение .....	96
Ответы .....	100